

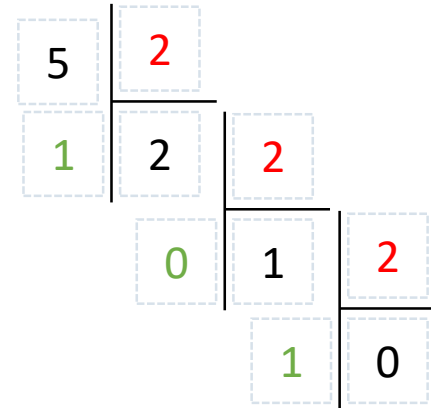
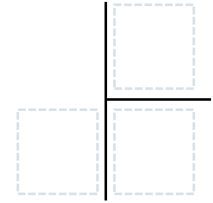
Codification et Représentation de l'Information (CRI)

MI – USTHB – TD

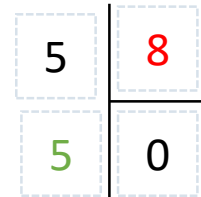
abada.lyes@gmail.com

Exercice 1

Décimal	Binaire	Octal	Hexadécimal	BCD
5	101	5	5	0101
	1101			
				10110
			A23,C09	
		13.5		
35				
	10011,11101			
			3E	
				10000101
89,0625				
	10101010101010			



101₍₂₎



5₍₈₎

Exercice 1 - abada.lyes@gmail.com - lyes_sii@yahoo.fr

Décimal	Binaire	Octal	Hexadécimal	BCD
5	101	5	5	0101
13	1 101	15	D	0001 0011
16	0001 0000	2 0	10	0001 0110
2595,75 2197	1010 0010 0011, 1100 0000 1001	5043, 6011	A23,C 09	
11,,625	1011,1010	13.5	B,A	0001 0001,0110 0010 0101
35				
19,9062 5	10011,11101	23,72	13,E8	0001 1001, 1001 0000 0110 0010 0101
			3E	
				10000101
89,0625				
	10101010101010			

$$1010\ 0010\ 0011, 1100\ 0000\ 1001_{(2)}$$

$$= 2^0 + 2^1 + 2^5 + 2^9 + 2^{11} + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-9} + 2^{-12} =$$

$$A23,009_{(16)}$$

$$= 1010\ 0010\ 0011, 1100\ 0000\ 1001_{(2)}$$

$$101\ 000\ 100\ 011, 110\ 000\ 001\ 001_{(2)}$$

$$= 5\ 0\ 4\ 3, 6\ 0\ 1\ 1_{(8)}$$

$$A23,C09 = 3 = 16^0 + 2 * 16^1 + 10 * 16^2 + 12 * 16^{-1} + 9 * 16^{-3}$$

Exercice 1

Décimal	Binaire	Octal	Hexadécimal	BCD
5				
	1101			
				10110
			A23,C09	
		13.5		
35				
	10011,11101			
			3E	
				10000101
89,0625				
	10101010101010			

$$A23,C09_{(16)} = 1010\ 0010\ 0011,\ 1100\ 0000\ 1001$$

$$1010\ 0010\ 0011,\ 1100\ 0000\ 1001 = 2^0 + 2^1 + 2^5 + 2^9 + 2^{11} + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-9} + 2^{-12}$$

Exercice 2

Soit $X = B_n B_{n-1} \dots B_0$ représenté en binaire Pour convertir X en code de Gray il faut suivre les règles suivantes :

$$G_n = B_n$$

$$G_i = 0 \quad \text{si } B_i = B_{i+1}$$

$$G_i = 1 \quad \text{si } B_i \neq B_{i+1}$$

$$31_{(10)} = \mathbf{1} \mathbf{1} \mathbf{1} \mathbf{1} \mathbf{1}_{(2)} = \mathbf{1} \mathbf{0} \mathbf{0} \mathbf{0} \mathbf{0}_{(\text{gray})}$$

B4 B3 B2 B1 B0 **G4 G3 G2 G1 G0**

Exercice 2

$$31_{(10)} = 1\ 1\ 1\ 1\ 1_{(2)} = 1\ 0\ 0\ 0\ 0_{(\text{gray})}$$

31 représente la dernière valeur sur 5 bits (en binaire et en BCD),

32 : représente la valeur réfléchiée i.e. La même valeur sur 5 bit avec 1 en sixième bit : **110000**

33 : représente la valeur suivante de 32 en changeant un seul bit à la fois et en commençant par la droite : **110001**

Exercice 3

Donner les représentations en complément à deux des nombres décimaux suivants :

$(122)_{10}$ sur un octet (8bits)

$$122_{(10)} = 0111\ 1010_{(2)} = 0111\ 1010_{(ca2)}$$

$(2025)_{10}$ sur 16 bits. Peut-on le coder sur 11 bits ?

$$2025_{(10)} = 0000\ 0111\ 1110\ 1001_{(2)} = 0000\ 0111\ 1110\ 1001_{(ca2)}$$

Exercice 3

Donner les représentations en complément à deux des nombres décimaux suivants.

$(-78)_{10}$ sur deux octets

$$\begin{aligned} -78 &= \text{CA2}(78) = \text{CA1}(78)+1 = \text{CA1}(0000\ 0000\ 0100\ 1110)+1 = 1111\ 1111\ 1011 \\ &0001 = 1111\ 1111\ 1011\ 0010_{(\text{ca2})} \end{aligned}$$

$(-700)_{10}$ sur deux octets

$$\begin{aligned} -700(10) &= \text{CA2}(700) = \text{CA1}(700)+1 = \text{CA1}(0000\ 0010\ 1011\ 1100) +1 \\ -700 &= 1111\ 1101\ 0100\ 0011 +1 = 1111\ 1101\ 0100\ 0100_{(\text{ca2})} \end{aligned}$$

Exercice 3

Donner les représentations décimales des nombres binaires suivants codés en complément à 2 :

0011 0101_(ca2) (codé sur un octet)

$$\gggg \quad 0011 \ 0101_{(ca2)} = 0011 \ 0101_{(2)} = 53_{(10)}$$

0111 0101 1000 1101_(ca2) (codé sur deux octets)

$$\ggg \quad 0111 \ 0101 \ 1000 \ 1101_{(ca2)} = 0111 \ 0101 \ 1000 \ 1101_{(2)} = 30093$$

10100110_(ca2) (codé sur un octet). = -90

$$CA2(10100110) = CA1(10100110) + 1 = 01011001 + 1 = 01011010 = 90$$

$$10100110_{(ca2)} = -90_{(10)}$$

Exercice 4

. Effectuer les additions suivantes des nombres relatifs (représentés en CA_2) :

(a) $0110\ 1011 + 1011\ 1101$ (b) $1001\ 0110 + 1111\ 1011$

(c) $0110\ 1111 + 0001\ 1001$ (d) $1000\ 0010 + 1010\ 1011$

vérifier le résultat des calculs en décimal. Indiquer le dépassement et la retenue. Que peut-on conclure ?

Exercice 4

a)

1 11 1 11 1

0110 1011

1011 1101

= -----

1 0010 1000

pas de déplacement

b)

1001 0110

1111 1011

= -----

1 1001 0001

pas de déplacement

c)

1 1 1 1 1 1 1

0110 1111

0001 1001

= -----

1000 1000

Il y a un déplacement

d)

1000 0010

1010 1011

= -----

1 0010 1101

Il y a un déplacement

Exercice 4

2. Réaliser les opérations suivantes sur 5 bits en utilisant le CA2 (étudier les cas de dépassement)

a) +9+8 b) -7-13 c) +15-1 d) -15+1

a)

	01001
	01000
=	-----
	10001

Il y a un déplacement

c)

	11001
	10011
=	-----
	1 01100

Il y a un déplacement

Exercice 4

2. Réaliser les opérations suivantes sur 5 bits en utilisant le CA2 (étudier les cas de dépassement)

a) +9+8 b) -7-13 c) +15-1 d) -15+1

c)

01111

11111

= -----

~~1~~01110

pas de déplacement

d)

10001

00001

= -----

10010

pas de déplacement

Exercice 4

3. Donner la traduction à laquelle correspond le mot 8A50 codé en hexadécimal, selon qu'on le lit comme :

1- un entier signé :

2- un entier représenté en C2 :

$$8A50_{(16)} = 1000\ 1010\ 0101\ 0000$$

$$1000\ 1010\ 0101\ 0000_{(sva)} = -2640_{(10)}$$

$$1000\ 1010\ 0101\ 0000_{(ca2)} = -30128_{(10)}$$

$$\begin{aligned} CA2(1000\ 1010\ 0101\ 0000) &= CA1(1000\ 1010\ 0101\ 0000) + 1 \\ &= 0111\ 0101\ 1010\ 1111 + 1 = 0111\ 0101\ 1011\ 0000 = 30128 \end{aligned}$$

Exercice 4

4. Effectuer les opérations suivantes sur 12 bits (y compris le bit du signe), avec la représentation des nombres négatifs en complément à 2. Préciser s'il y a débordement.

a) $(205)_8 - (8F5)_{16} = ?$

b) $(84F)_{16} - (0F5)_{16} = ?$

a)

0000 1000 0101

0111 0000 1011

= -----

0111 1001 0000

pas de déplacement

b)

1000 0100 1111

1111 0000 1011

= -----

~~1~~0111 0101 1010

Il y a un déplacement

Exercice 6

Soit $X = G_n G_{n-1} \dots G_0$ représenté en code Gray

Pour convertir X en binaire il faut suivre les règles suivantes :

$$B_n = G_n$$

$$B_i = 0 \text{ si } B_{i+1} = G_i$$

$$B_i = 1 \text{ si } B_{i+1} \neq G_i$$

Donner la valeur binaire de A et B :

$$A = (1110111)_{\text{gray}} = (1011010)_{(2)}$$

$$B = (1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0)_{\text{gray}} = (1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1)_{(2)}$$

Exercice 6

Effectuer l'opération $C = -A - B$ en **complément à 2** sur **8 bits**

Préciser s'il y a dépassement de capacité ou non.

$$A = 01011010 \quad -A = CA2(A) = CA1(A)+1 = 10100110$$

$$B = 00100011 \quad -B = CA2(B) = CA1(B)+1 = 11011101$$

$$-A - B = (-A) + (-B) = CA2(A) + CA2(B)$$

C =

10100110

11011101

= -----

110000011

SERIE N°2

Exercice 1

1- Etablir les tables de vérité des fonctions suivantes :

$$F1 = (X + Y)(\bar{X} + Y + Z)$$

$$F2 = (\bar{X}Y + X\bar{Y})\bar{Z} + (\bar{X}\bar{Y} + XY)Z$$

2- Démontrer à l'aide de tables de vérité les équivalences suivantes :

$$X + YZ = (X + Y)(X + Z)$$

$$(\bar{X} + Y)(X + Z)(Y + Z) = (\bar{X} + Y)$$

X	Y	Z	\bar{X}	X+Y	$\bar{X} + Y + Z$	F1
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	1	1	1	1
0	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0
1	0	1	0	1	1	1
1	1	0	0	1	1	1
1	1	1	0	1	1	1

Exercice 1

1- Etablir les tables de vérité des fonctions suivantes :

$$F1 = (X + Y)(\bar{X} + Y + Z)$$

$$F2 = (\bar{X}Y + X\bar{Y})\bar{Z} + (\bar{X}\bar{Y} + XY)Z$$

2- [

	X	Y	Z	\bar{X}	\bar{Y}	\bar{Z}	$\bar{X}Y$	$X\bar{Y}$	$\bar{X}Y + X\bar{Y}$	$(\bar{X}Y + X\bar{Y})\bar{Z}$	$\bar{X}\bar{Y}$	XY	$\bar{X}\bar{Y} + XY$	$(\bar{X}\bar{Y} + XY)Z$	F2
X +	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	1	0	1	0	0
(\bar{X}	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	1	1	1
	0	1	0	1	0	1	1	0	1	1	0	0	0	0	1
	0	1	1	1	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0
	1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	0	0	0	0	1
	1	0	1	0	1	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0
	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	1	0	0
	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1

Exercice 1

2- Démontrer à l'aide de tables de vérité les équivalences suivantes :

$$X + YZ = (X+Y)(X+Z)$$

$$(\bar{X} + Y)(X + Z)(Y + Z) = (\bar{X} + Y)(X + Z)$$

$$PG = (\bar{X} + Y)(X + Z)(Y + Z) \qquad PD = (\bar{X} + Y)(X + Z)$$

X	Y	Z	\bar{X}	$\bar{X} + Y$	X+Z	Y + Z	PG	$(\bar{X} + Y)$	PD
0	0	0	1	1	0	0	0	1	0
0	0	1	1	1	1	1	1	1	1
0	1	0	1	1	0	1	0	1	0
0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	1	0	0	0
1	1	0	0	1	1	1	1	1	1
1	1	1	0	1	1	1	1	1	1

Exercice 1

Exercice 2 :

Simplifier algébriquement les expressions suivantes :

$$(x + \bar{y} + x \bar{y})(xy + \bar{x}z + yz)$$

$$(x + y + z)(\bar{x} + y + z) + xy + yz$$

$$abcd + abchg + \bar{d}hg + abcdefh.$$

$$a\bar{c}de + \bar{d} + \bar{e} + c$$

Démontrer algébriquement les égalités suivantes :

$$A\bar{B} + \bar{A}\bar{C}\bar{D} + \bar{A}\bar{B}D + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} = \bar{A}\bar{C}\bar{D} + \bar{B}$$

$$A.B + \bar{A}.C + B.C = A.B + \bar{A}.C$$

$$AB + ACD + \bar{B}D = AB + \bar{B}D$$

$$AB + \bar{B}C = (A + \bar{B})(B + C)$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Simplifier algébriquement les expressions suivantes :

$$1- (x + \bar{y} + x \bar{y})(xy + \bar{x}z + \underline{yz}) \quad /// \quad yz = yz(x + \bar{x})$$

$$// \quad xy + \bar{x}z + yz = xy + \bar{x}z + \cancel{xyz} + \cancel{yz\bar{x}} = xy + \bar{x}z$$

$$= (x(\cancel{1 + \bar{y}}) + \bar{y})(xy + \bar{x}z)$$

$$= xxy + x\bar{x}z + xy\bar{y} + \bar{x}\bar{y}z$$

$$= xy + \cancel{x\bar{x}z} + \cancel{xy\bar{y}} + \bar{x}\bar{y}z$$

$$= xy + \bar{x}\bar{y}z$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Simplifier algébriquement les expressions suivantes :

$$2- (x + y + z)(\bar{x} + y + z) + xy + yz \quad // (a+b)(a+c) = a+(b.c)$$

$\underbrace{x}_{\mathbf{b}} \quad \underbrace{y}_{\mathbf{a}} \quad \underbrace{z}_{\mathbf{c}} \quad \underbrace{y}_{\mathbf{a}}$

$$= ((y+z) + (x\bar{x})) + xy + yz$$

$$= y+z + xy + yz$$

$$= y(1+x+z) + z$$

$$= y + z$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Simplifier algébriquement les expressions suivantes :

$$abcd + abchg + \bar{d}hg + abcdefh.$$

$$= abcd(1+efh) + abchg + \bar{d}hg$$

$$= abcd + abchg + \bar{d}hg$$

$$= abcd + abchg\mathbf{d} + abchg\mathbf{\bar{d}} + \bar{d}hg$$

$$/// abchg(d+\bar{d})$$

$$= abcd(1+hg) + hg\bar{d}(1+abc)$$

$$= abcd + \bar{d}hg$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Simplifier algébriquement les expressions suivantes : // $a + \bar{a} b = a + b$

$$a\bar{c}de + \bar{d} + \bar{e} + c$$

$$= c + \bar{c}ade + \bar{d} + \bar{e} \quad // c + \bar{c}ade = c + ade$$

$$= c + ade + \bar{d} + \bar{e}$$

$$= \bar{d} + d\bar{a}e + c + \bar{e} \quad // \bar{d} + d\bar{a}e = \bar{d} + \bar{a}e$$

$$= \bar{d} + \bar{a}e + c + \bar{e}$$

$$= \bar{e} + \bar{a}e + c + \bar{d} \quad // \bar{e} + \bar{a}e = \bar{e} + \bar{a}$$

$$= \bar{e} + \bar{a} + c + \bar{d}$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Démontrer algébriquement les égalités suivantes :

$$A \bar{B} + \bar{A} \bar{C} \bar{D} + \bar{A} \bar{B} D + \bar{A} \bar{B} C \bar{D} = \bar{A} \bar{C} \bar{D} + \bar{B}$$

$$A.B + \bar{A}.C + B.C = A.B + \bar{A}.C$$

$$AB + ACD + \bar{B}D = AB + \bar{B}D$$

$$AB + \bar{B}C = (A + \bar{B})(B + C)$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Démontrer algébriquement les égalités suivantes :

$$A \bar{B} + \bar{A} \bar{C} \bar{D} + \bar{A} \bar{B} D + \bar{A} \bar{B} C \bar{D} = \bar{A} \bar{C} \bar{D} + \bar{B}$$

$$\begin{aligned} &= A \bar{B} + \bar{A} \bar{C} \bar{D} (B + \bar{B}) + \bar{A} \bar{B} D + \bar{A} \bar{B} C \bar{D} \\ &= \mathbf{A \bar{B}} + \bar{A} \bar{C} \bar{D} \mathbf{B} + \mathbf{A \bar{C} \bar{D} \bar{B}} + \bar{A} \bar{B} D + \bar{A} \bar{B} C \bar{D} \\ &= \bar{B} (A + \bar{A} \bar{C} \bar{D} + \bar{A} D + \bar{A} C \bar{D}) + \bar{A} \bar{C} \bar{D} B \\ &= \bar{B} (A + \cancel{\bar{A} \bar{C} \bar{D}} + \cancel{\bar{A} D} + \cancel{\bar{A} C \bar{D}}) + \bar{A} \bar{C} \bar{D} B \\ &= \bar{B} (A + \cancel{\bar{C} \bar{D}} + D + C \cancel{\bar{D}}) + \bar{A} \bar{C} \bar{D} B \\ &= \bar{B} (A + \bar{C} + D + C) + \bar{A} \bar{C} \bar{D} B \\ &= \bar{B} (A + D + 1) + \bar{A} \bar{C} \bar{D} B \\ &= \bar{B} + \bar{A} \bar{C} \bar{D} B \\ &= \bar{B} + \bar{A} \bar{C} \bar{D} \end{aligned}$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Démontrer algébriquement les égalités suivantes :

$$A.B + \bar{A}.C + B.C = A.B + \bar{A}.C$$

$$= AB + \bar{A}C + BC \quad (A + \bar{A})$$

$$= AB + \bar{A}C + ABC + \bar{A}CB$$

$$= AB(1+C) + \bar{A}C(1+B)$$

$$= A.B + \bar{A}.C$$

$$// \quad a + ab = a$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Démontrer algébriquement les égalités suivantes :

$$AB + ACD + \bar{B}D = AB + \bar{B}D$$

$$= AB + ACD(\mathbf{B + \bar{B}}) + \bar{B}D$$

$$= AB + ACDB + ACD\bar{B} + \bar{B}D \quad // \quad a + ab = a$$

$$= AB + \bar{B}D$$

Exercice 1

Exercice 2 :

Démontrer algébriquement les égalités suivantes :

$$AB + \bar{B}C = (A + \bar{B})(B + C)$$

$$(A + \bar{B})(B + C) = AB + AC + \cancel{B\bar{B}} + \bar{B}C$$

$$= AB + AC(B + \bar{B}) + \bar{B}C$$

$$= AB + ACB + AC\bar{B} + \bar{B}C$$

$$= AB(\cancel{1+C}) + \bar{B}C(\cancel{1+A})$$

$$= AB + \bar{B}C$$

Exercice 1

Exercice 3 :

$$S = \overline{(x + y + z)} + \overline{(x + \bar{y}\bar{z})} + \bar{x}\bar{y}(\bar{z}t + tz)$$

$$S = \overline{(x + y + z)} \cdot \overline{(x + \bar{y}\bar{z})} + \bar{x}\bar{y}t(\bar{z} + z) \quad // \quad z + \bar{z} = 1$$

$$S = \overline{(x)} \cdot \overline{(y + z)} \cdot \overline{(x)} \cdot \overline{(\bar{y}\bar{z})} + \bar{x}\bar{y}t$$

$$S = \bar{x} \cdot (y + z) \cdot \bar{x} \cdot \bar{y}\bar{z} + \bar{x}\bar{y}t$$

$$S = \bar{x}y\bar{x}\bar{y}\bar{z} + \bar{x}z\bar{x}\bar{y}\bar{z} + \bar{x}\bar{y}t$$

$$S = \bar{x}\bar{y}t$$

Exercise 1

Exercise 3 :

$$T = \overline{(\overline{a\overline{b}})(\overline{b+c+\overline{d}})+\overline{bc}}$$

$$// \overline{a+b} = \overline{a} \overline{b}$$

$$T = \overline{(\overline{a+b})(b+c+\overline{d})+\overline{b+c}}$$

$$// \overline{a} \overline{b} = \overline{a+b}$$

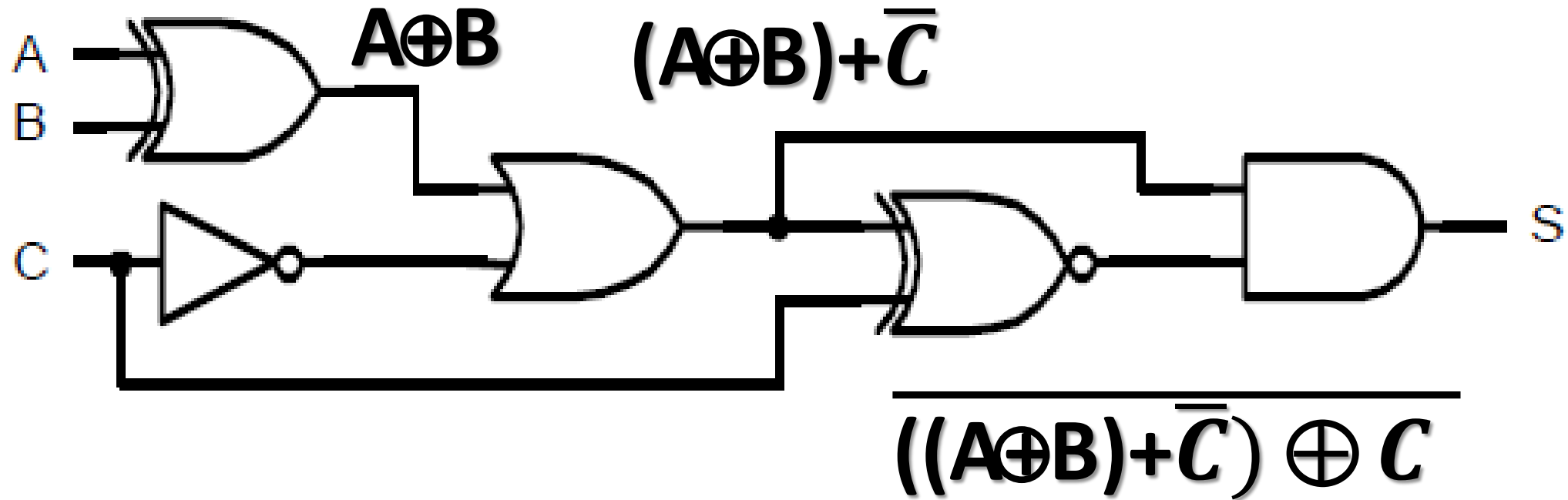
$$T = \overline{(\overline{a+b})+(\overline{b+c+\overline{d}})}.b.c$$

$$T = a \overline{b} bc + \overline{b} \overline{c} d b c \quad // \quad b^*/b = 0 \quad c^*/c = 0$$

$$T = 0$$

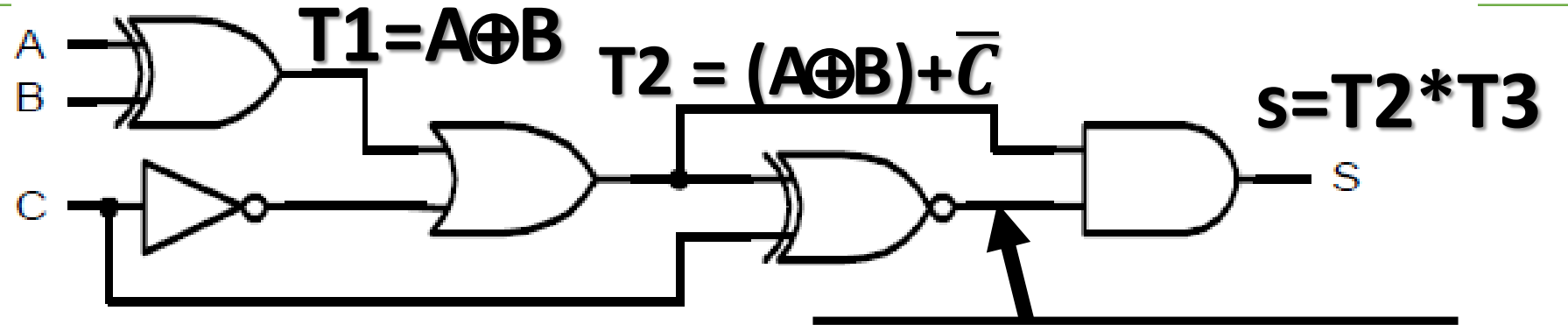
Exercise 1

Exercise 4 :



Exercise 1

Exercise 4 :



A	B	C	T1	T2	T3	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	0	0
1	0	1	1	1	1	1
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0	0

$$T3 = ((A \oplus B) + \bar{C}) \oplus C$$

$$F(a,b,c) = \bar{a}bc + a\bar{b}c$$

$$\bar{F}(a,b,c) = \bar{a}/b/c + \bar{a}/bc + \dots$$

Exo 5 - 1

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	1	1	
01		1	1	
11		1	1	
10	1	1	1	1

$$F(a,b,c,d) = \bar{a}\bar{d} + b + c\bar{d}$$

La forme disjonctive

Exo 5 - 1

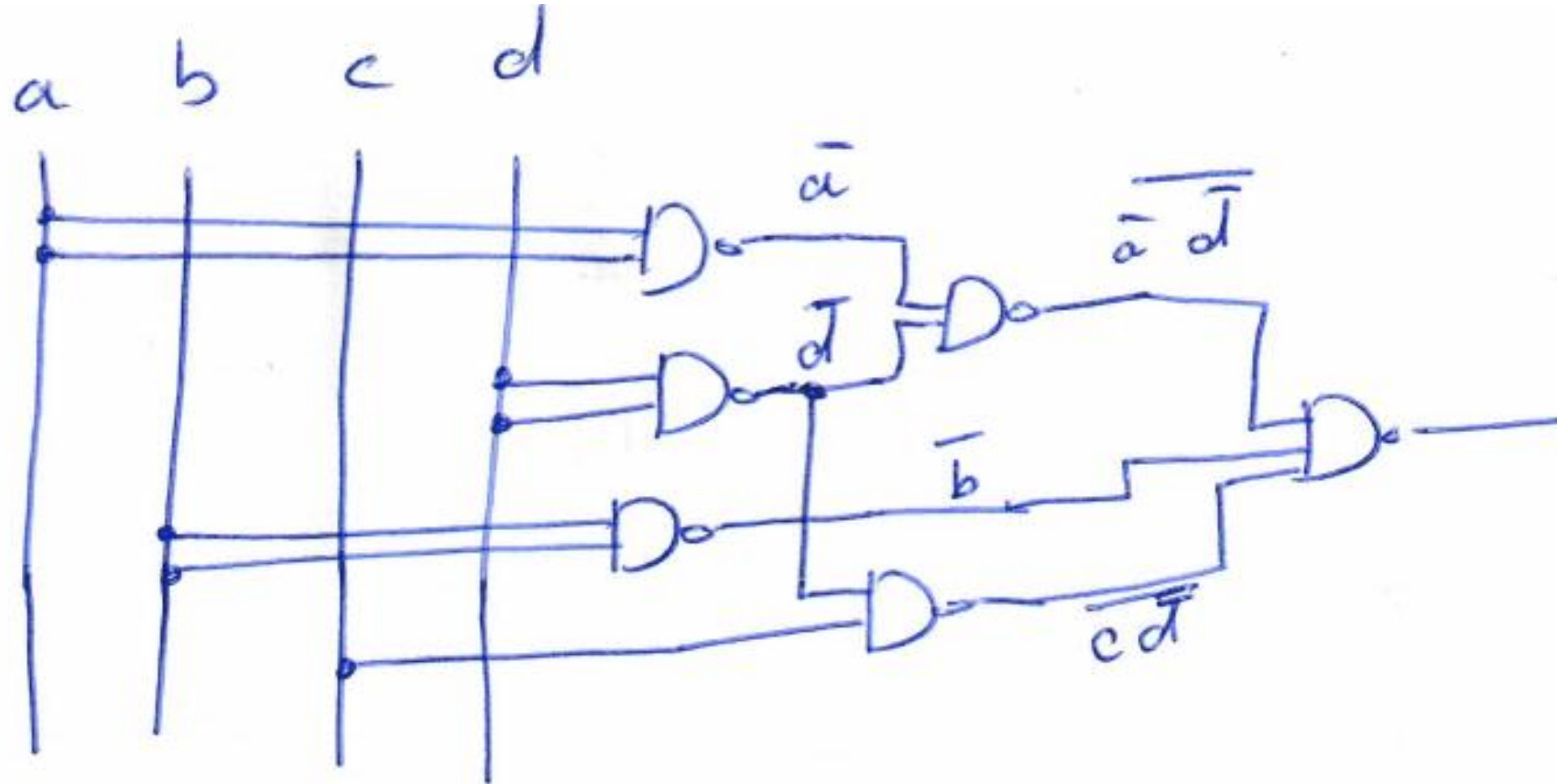
$$F(a,b,c,d) = \bar{a}\bar{d} + b + c\bar{d}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\bar{a}\bar{d} + b + c\bar{d}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\bar{a}\bar{d}} \cdot \bar{b} \cdot \overline{c\bar{d}}$$

Exo 5 - 1

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{a}d} \cdot \overline{b} \cdot \overline{cd}$$



Exo 5 - 1

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	1	1	0
01	0	1	1	0
11	0	1	1	0
10	1	1	1	1

$$\overline{F(a,b,c,d)} = \overline{bd} + a\overline{b}\overline{c}$$

$$F(a,b,c,d) = (b+d)(\overline{a}+b+c)$$

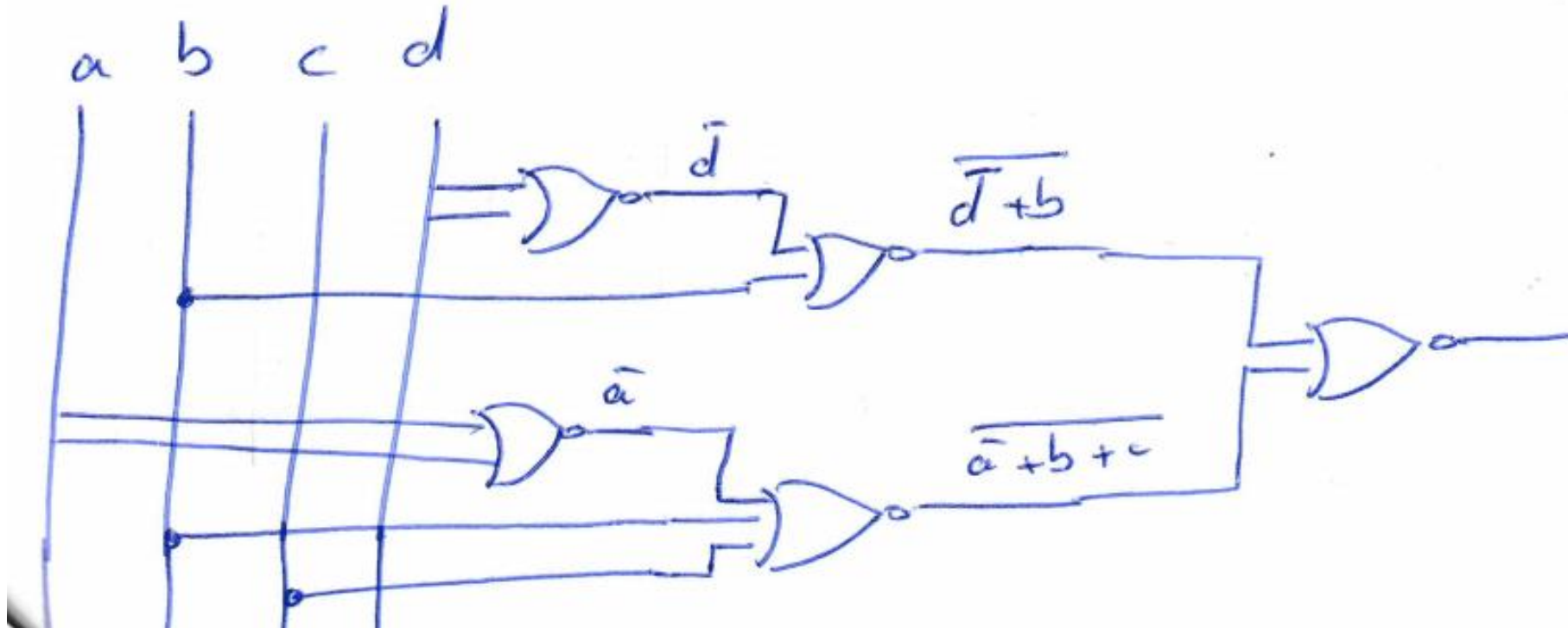
La forme conjonctive

Exo 5 - 1

$$F(a,b,c,d) = (b+\bar{d})(\bar{a}+b+c)$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(b+\bar{d})(\bar{a}+b+c)}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{(b+\bar{d})} + \overline{(\bar{a}+b+c)}$$



Exo 5 - 2

ab cd ,	00	01	11	10
00	1			1
01		1	1	
11		1	1	
10	1			1

$$F(a,b,c,d) = bd + \bar{b}\bar{d}$$

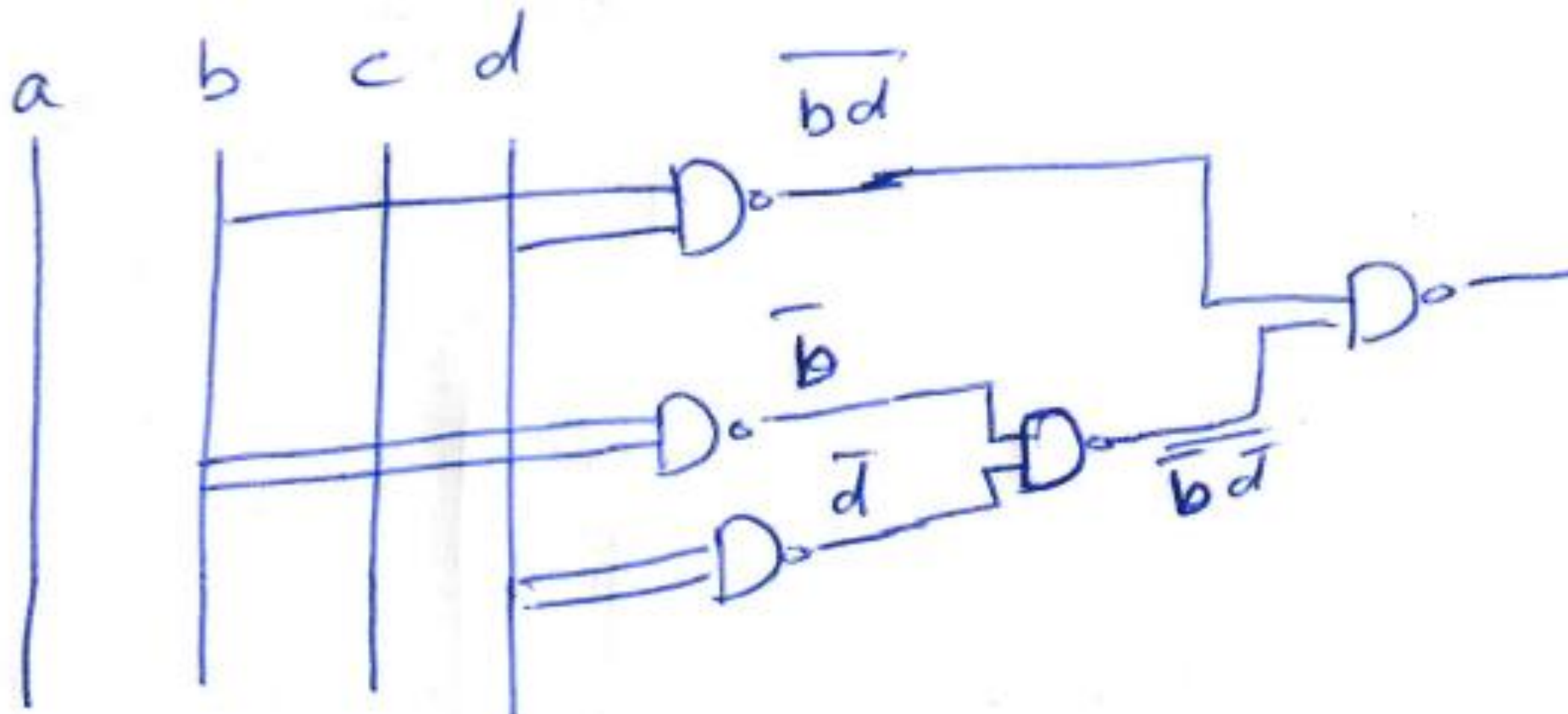
La forme disjonctive

Exo 5 - 2

$$F(a,b,c,d) = bd + \overline{b}\overline{d}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{bd} + \overline{\overline{b}\overline{d}}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{bd} \cdot \overline{\overline{b}\overline{d}}}$$



Exo 5 - 2

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	0	1	1	0
11	0	1	1	0
10	1	0	0	1

$$\overline{F(a,b,c,d)} = \bar{b}d + b\bar{d}$$

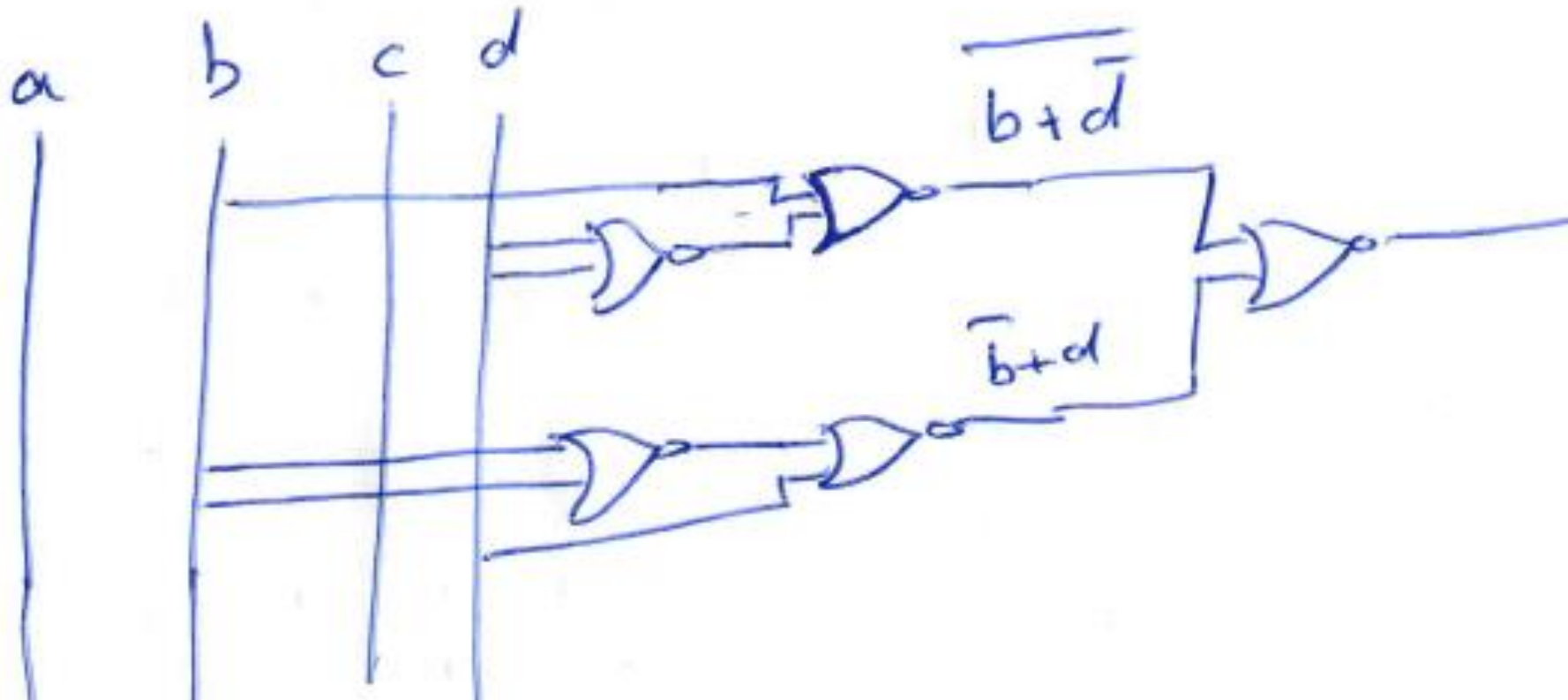
$$F(a,b,c,d) = (b + \bar{d})(\bar{b} + d)$$

La forme conjonctive

Exo 5 - 2

$$F(a,b,c,d) = (b + \bar{d})(\bar{b} + d)$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(b + \bar{d})} \overline{(\bar{b} + d)}} = \overline{(b + \bar{d}) + (\bar{b} + d)}$$



Exo 5 - 3

ab cd ,	00	01	11	10
00	1			1
01	1	1		1
11		1	1	
10	1		1	1

La forme disjonctive

$$F(a,b,c,d) = \bar{b}\bar{c} + \bar{b}\bar{d} + \bar{a}bd + abc$$

Exo 5 - 3

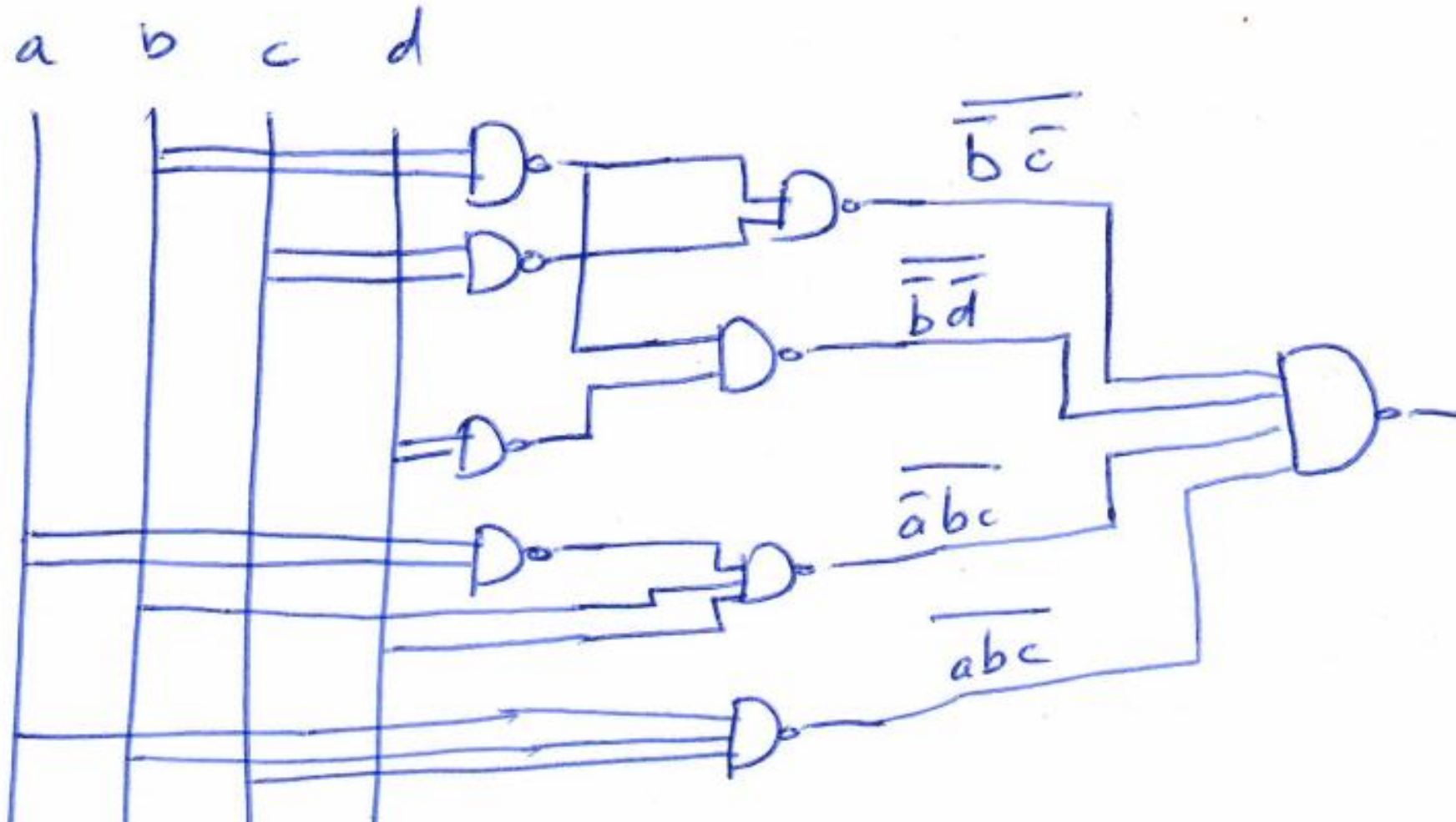
$$F(a,b,c,d) = \bar{b}\bar{c} + \bar{b}\bar{d} + \bar{a}bd + abc$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\bar{b}\bar{c} + \bar{b}\bar{d} + \bar{a}bd + abc}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\bar{b}\bar{c} \cdot \bar{b}\bar{d} \cdot \bar{a}bd \cdot abc}$$

Exo 5 - 3

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{b\overline{c}}} \cdot \overline{\overline{b\overline{d}}} \cdot \overline{\overline{a\overline{b\overline{d}}}} \cdot \overline{\overline{abc}}$$



Exo 5 - 3

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	1	1	0	1
11	0	1	1	0
10	1	0	1	1

$$\overline{F(a,b,c,d)} = \bar{b}cd + \bar{a}b\bar{d} + ab\bar{c}$$

Exo 5 - 3

$$\overline{F(a,b,c,d)} = \bar{b}cd + \bar{a}b\bar{d} + ab\bar{c}$$

La forme conjonctive

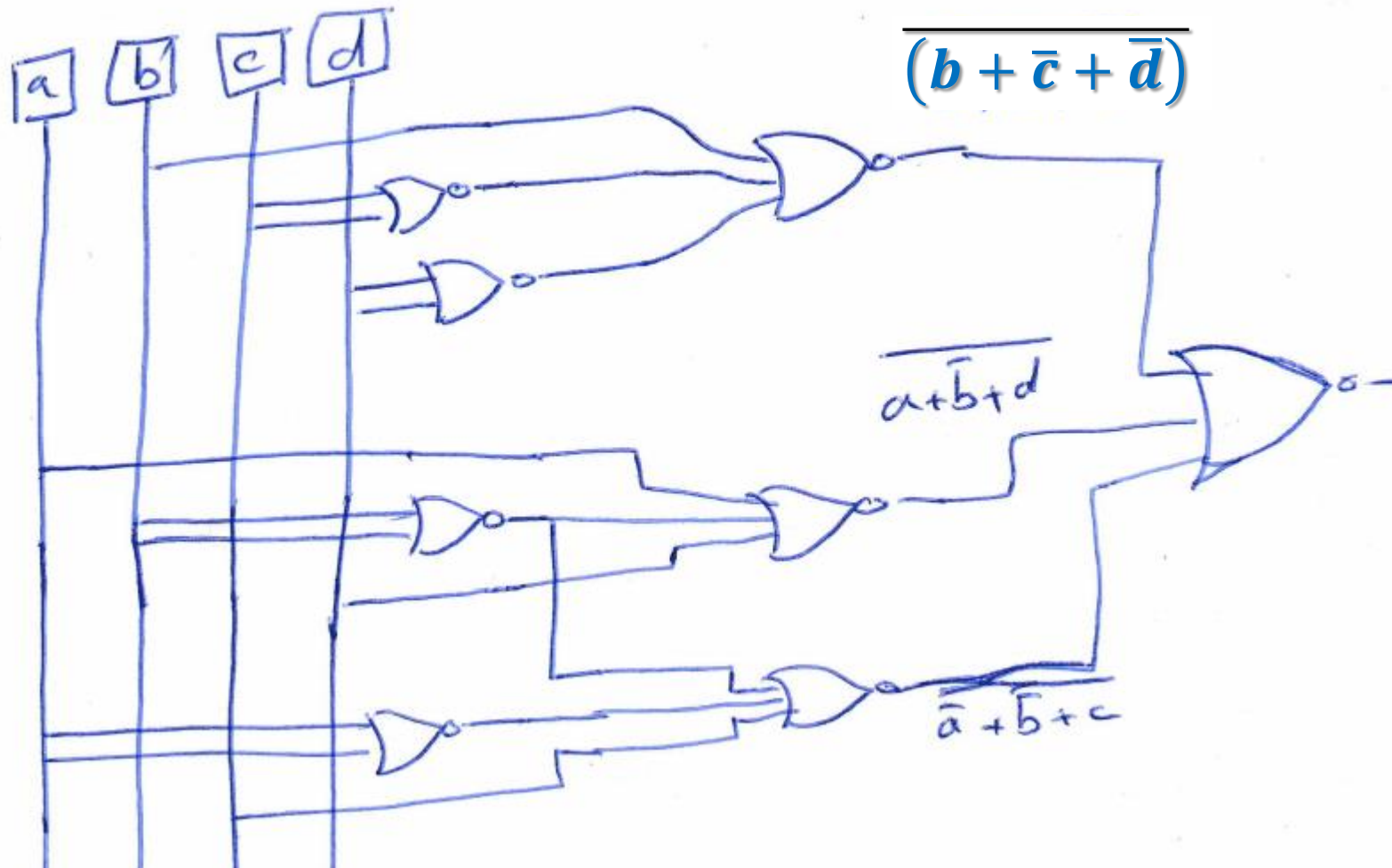
$$F(a,b,c,d) = (b + \bar{c} + \bar{d})(a + \bar{b} + d)(\bar{a} + \bar{b} + c)$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(b + \bar{c} + \bar{d})(a + \bar{b} + d)(\bar{a} + \bar{b} + c)}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(b + \bar{c} + \bar{d})}} + \overline{\overline{(a + \bar{b} + d)}} + \overline{\overline{(\bar{a} + \bar{b} + c)}}$$

Exo 5 - 3

$$F(a,b,c,d) = \overline{(b + \bar{c} + \bar{d})} + \overline{(a + \bar{b} + d)} + \overline{(\bar{a} + \bar{b} + c)}$$



Exo 5 - 4

ab cd ,	00	01	11	10
00		X	X	1
01		1	1	1
11		1	1	
10		1	1	

$$F(a,b,c,d) = b + a\bar{c}$$

La forme disjonctive

Exo 5 - 4

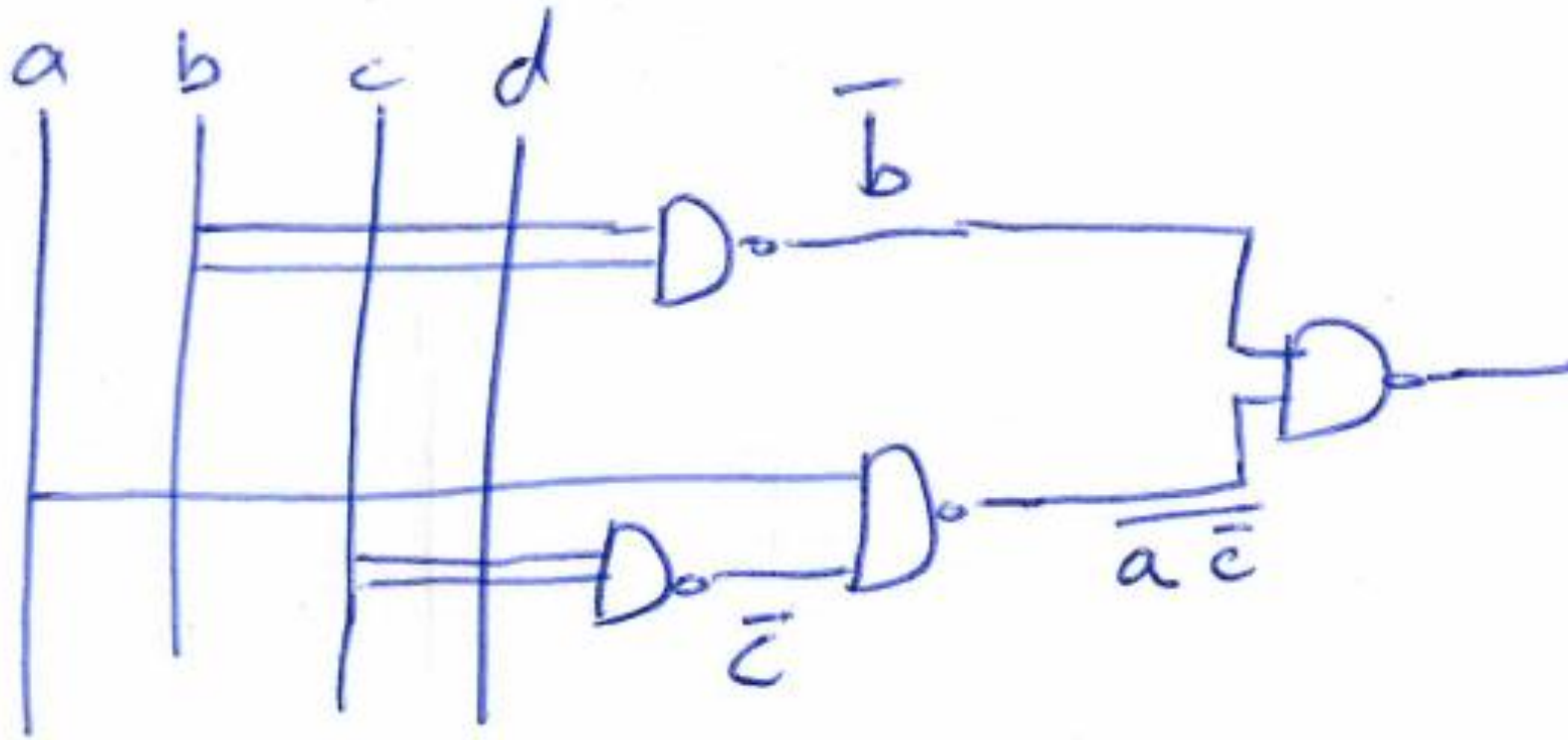
$$F(a,b,c,d) = b + a\bar{c}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{b + a\bar{c}}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{b}} \cdot \overline{\overline{a\bar{c}}}$$

Exo 5 - 4

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{b}} \cdot \overline{\overline{a\overline{c}}}$$



Exo 5 - 4

ab cd ,	00	01	11	10
00	0	X	X	1
01	0	1	1	1
11	0	1	1	0
10	0	1	1	0

$$\overline{F(a,b,c,d)} = \overline{a} \overline{b} + \overline{b} c$$

$$F(a,b,c,d) = (a+b)(b+\overline{c})$$

La forme conjonctive

Exo 5 - 4

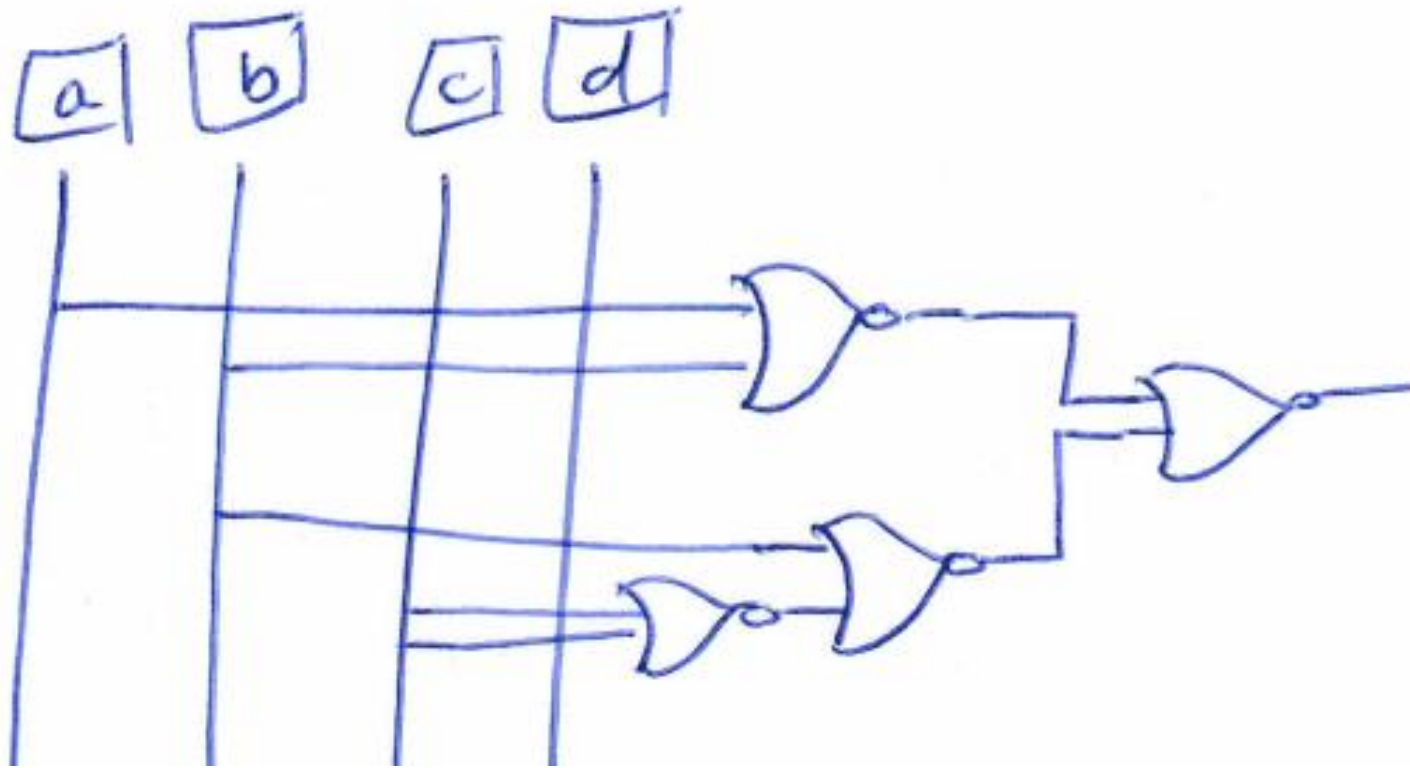
$$F(a,b,c,d) = (a+b)(b+\bar{c})$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(a+b)(b+\bar{c})}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(a+b)} + \overline{\overline{(b+\bar{c})}}}$$

Exo 5 - 4

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(a+b)} + \overline{(b+\bar{c})}}$$



Exo 5 - 5

ab cd ,	00	01	11	10
00	1			1
01	X	1	1	1
11	X	1	1	X
10	X			

$$F(a,b,c,d) = d + \bar{b}\bar{c}$$

La forme disjonctive

Exo 5 - 5

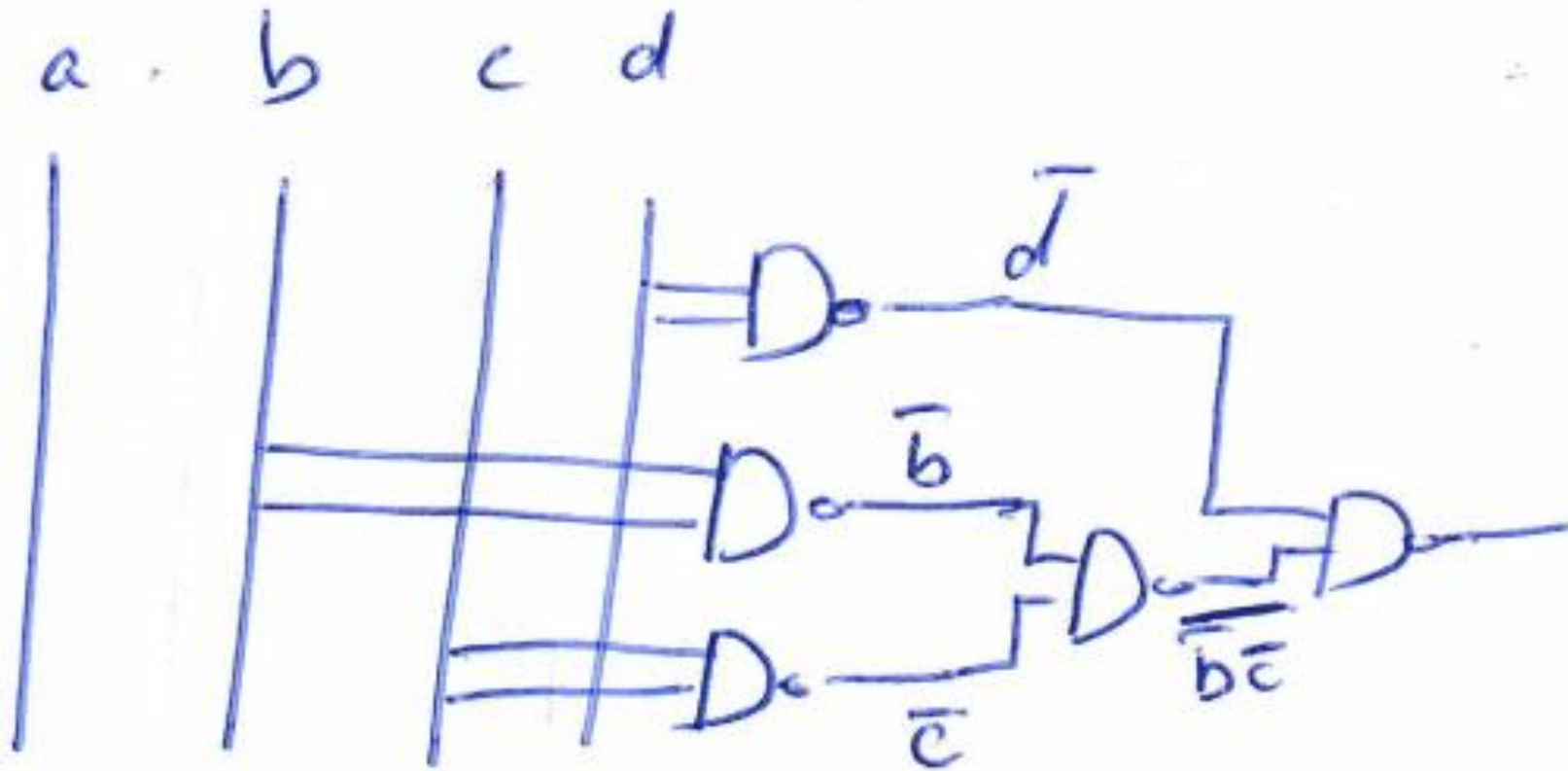
$$F(a,b,c,d) = d + \bar{b}\bar{c}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{d + \bar{b}\bar{c}}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{d}} \cdot \overline{\overline{\bar{b}\bar{c}}}$$

Exo 5 - 5

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{d}} \cdot \overline{\overline{b}} \overline{\overline{c}}$$



Exo 5 - 5

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	X	1	1	1
11	X	1	1	X
10	X	0	0	0

$$\overline{F(a,b,c,d)} = \overline{c\bar{d}} + \overline{b\bar{d}}$$

Exo 5 - 5

$$\overline{F(a,b,c,d)} = c\bar{d} + b\bar{d}$$

$$F(a,b,c,d) = (\bar{c} + d)(\bar{b} + d)$$

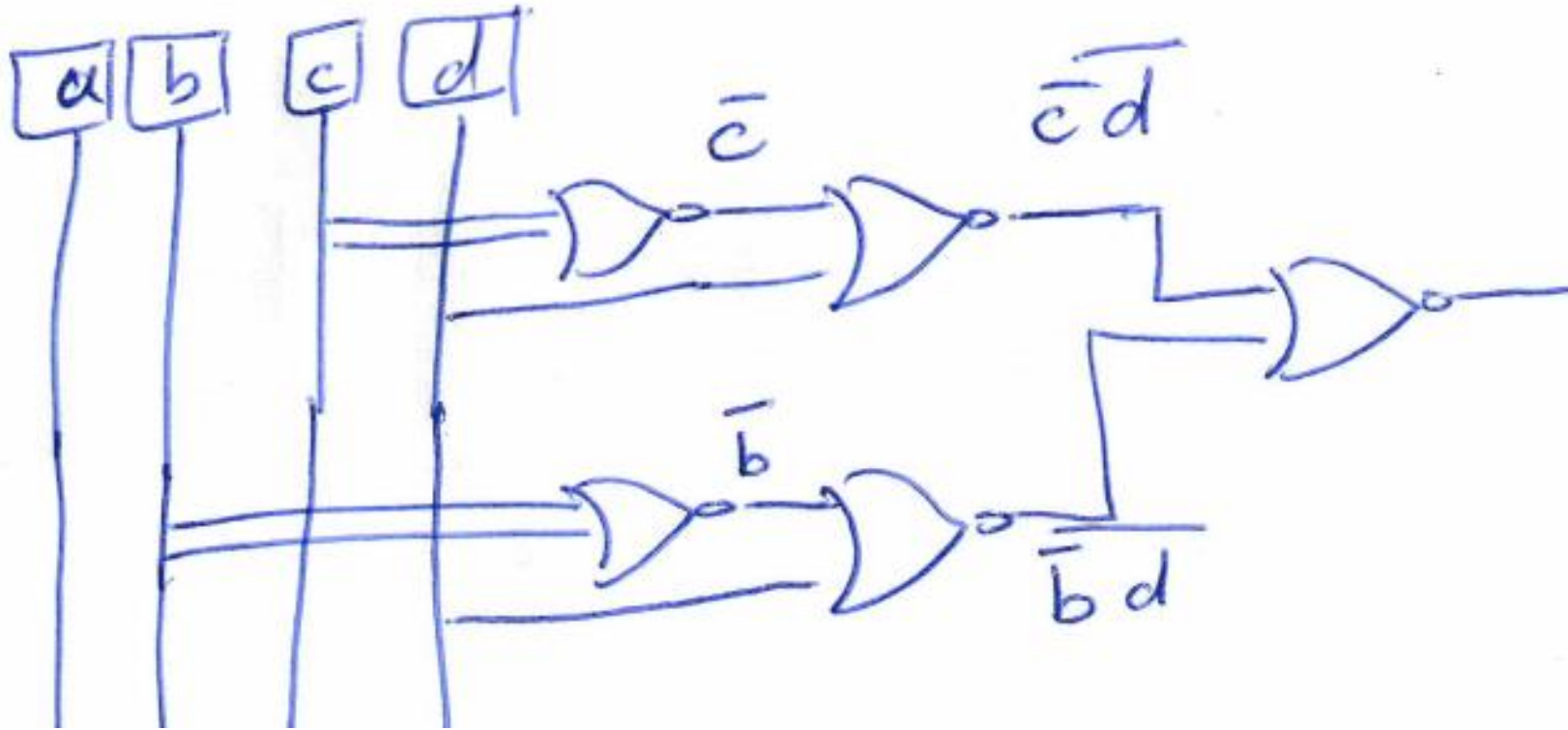
La forme conjonctive

$$F(a,b,c,d) = \overline{(\bar{c} + d)(\bar{b} + d)}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{(\bar{c} + d)} + \overline{(\bar{b} + d)}$$

Exo 5 - 5

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{c + d}} + \overline{\overline{b + d}}$$



Exo 5 - 6

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	1		1
01	1	1	X	1
11	1	1		1
10	X	X		

$$F(a,b,c,d) = \bar{a} + \bar{b}\bar{c} + \bar{b}d$$

La forme disjonctive

Exo 5 - 6

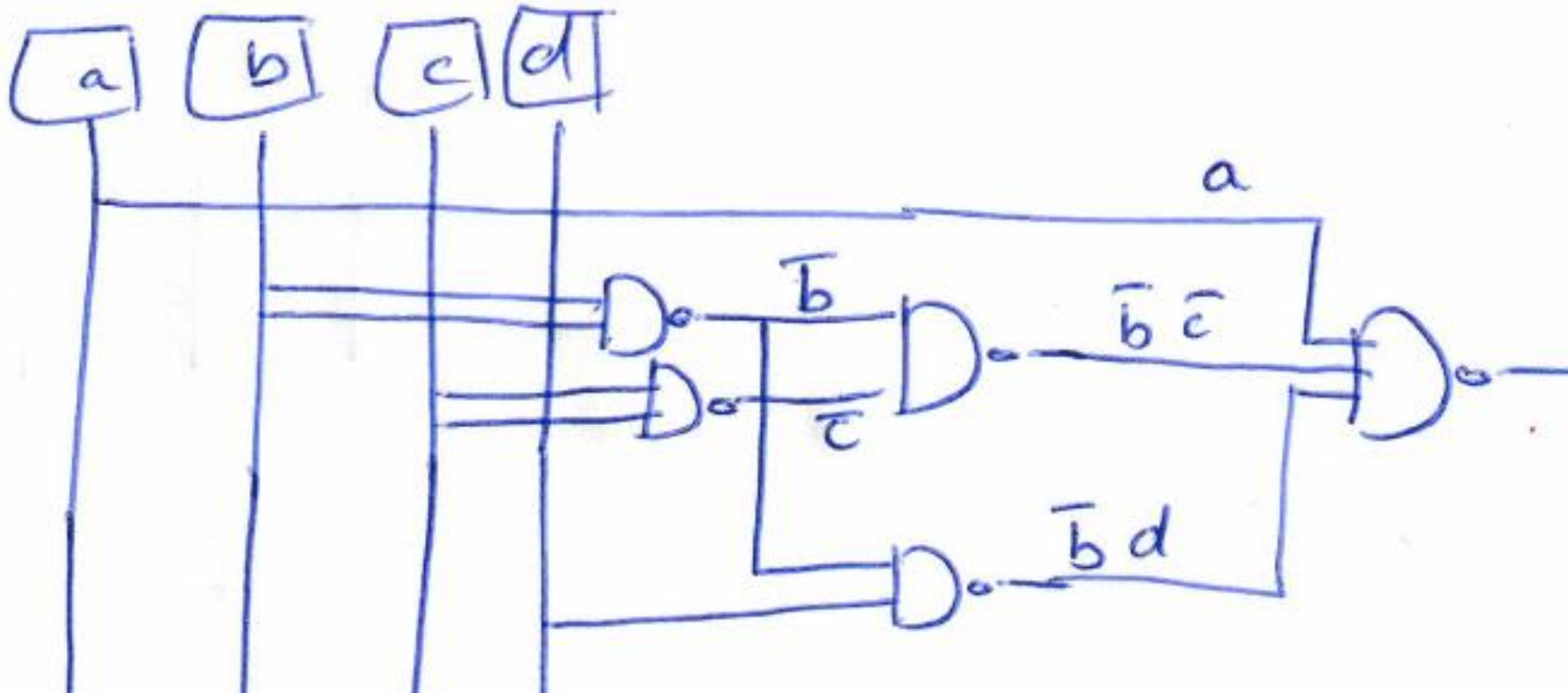
$$F(a,b,c,d) = \bar{a} + \bar{b}\bar{c} + \bar{b}d$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{\bar{a} + \bar{b}\bar{c} + \bar{b}d}}$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{\bar{a}} \cdot \overline{\bar{b}\bar{c}} \cdot \overline{\bar{b}d}}$$

Exo 5 - 6

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{a}} \cdot \overline{\overline{b\overline{c}}} \cdot \overline{\overline{bd}}$$



Exo 5 - 6

ab cd ,	00	01	11	10
00	1	1	0	1
01	1	1	X	1
11	1	1	0	1
10	X	X	0	0

$$\overline{F(a,b,c,d)} = ab + c\bar{d}$$

$$F(a,b,c,d) = (\bar{a} + \bar{b})(\bar{c} + d)$$

La forme conjonctive

Exo 5 - 6

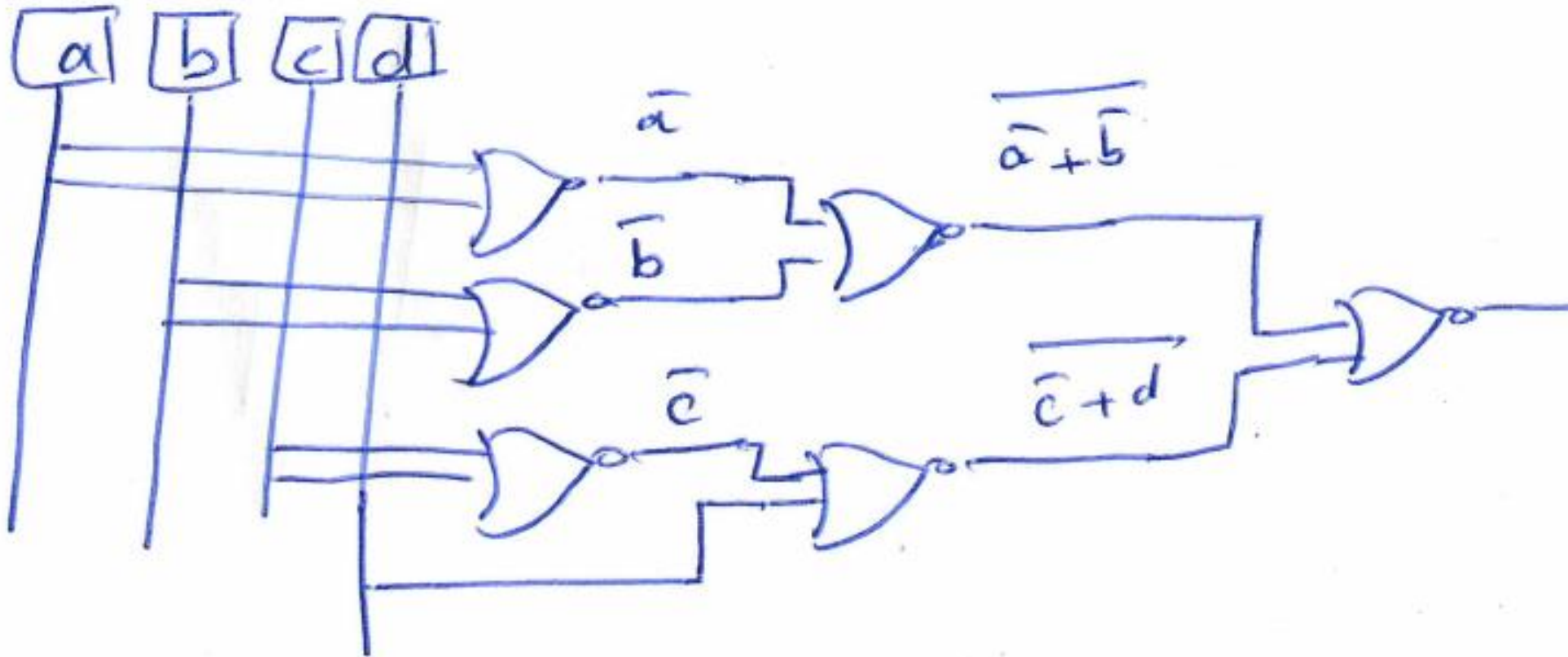
$$F(a,b,c,d) = (\bar{a} + \bar{b})(\bar{c} + d)$$

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{(\bar{a} + \bar{b})(\bar{c} + d)}}$$

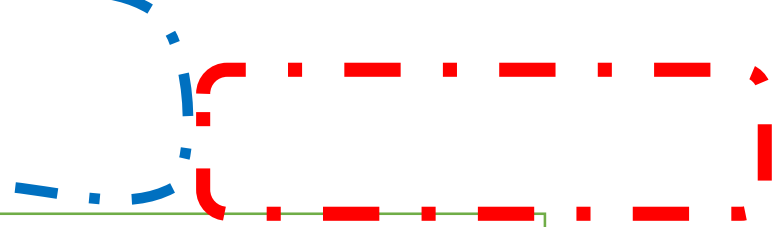
$$F(a,b,c,d) = \overline{(\bar{a} + \bar{b})} + \overline{(\bar{c} + d)}$$

Exo 5 - 6

$$F(a,b,c,d) = \overline{\overline{a + b}} + \overline{\overline{c + d}}$$



Exo 6



Simplifier à l'aide du Tableau de Karnaugh les fonctions suivantes

puis réaliser les circuits correspondants à l'aide de portes NOR ou NAND.

$$F(a, b, c) = \pi(0, 1, 2, 3, 4, 7)$$

$$G(a, b, c, d) = \Sigma(2, 6, 7, 10, 11, 12, 14)$$

Exo 6

$$F(a, b, c) = \pi(0, 1, 2, 3, 4, 7)$$

// positions de zeros

$$G(a, b, c, d) = \Sigma(2, 6, 7, 10, 11, 12, 14)$$

//positions de 1

	A	B	C	F
<u>0</u>	0	0	0	0
<u>1</u>	0	0	1	0
<u>2</u>	0	1	0	0
<u>3</u>	0	1	1	0
<u>4</u>	1	0	0	0
<u>5</u>	1	0	1	1
<u>6</u>	1	1	0	1
<u>7</u>	1	1	1	0

	A	B	C	D	F
<u>0</u>	0	0	0	0	0
<u>1</u>	0	0	0	1	0
<u>2</u>	0	0	1	0	1
<u>3</u>	0	0	1	1	0
<u>4</u>	0	1	0	0	0
<u>5</u>	0	1	0	1	0
<u>6</u>	0	1	1	0	1
<u>7</u>	0	1	1	1	1
<u>8</u>	1	0	0	0	0
<u>9</u>	1	0	0	1	0
<u>10</u>	1	0	1	0	1
<u>11</u>	1	0	1	1	1
<u>12</u>	1	1	0	0	1
<u>13</u>	1	1	0	1	0
<u>14</u>	1	1	1	0	1
<u>15</u>	1	1	1	1	0

Exo 6

$$F(a, b, c) = \pi(0, 1, 2, 3, 4, 7)$$

	A	B	C	F
<u>0</u>	0	0	0	0
<u>1</u>	0	0	1	0
<u>2</u>	0	1	0	0
<u>3</u>	0	1	1	0
<u>4</u>	1	0	0	0
<u>5</u>	1	0	1	1
<u>6</u>	1	1	0	1
<u>7</u>	1	1	1	0

	ab	00	01	11	10
C	,				
0		0	0	1	0
1		0	0	0	1

$$F(a, b, c) = ab\bar{c} + a\bar{b}c$$

$$\overline{F(a, b, c)} = \bar{a} + bc + \bar{b}\bar{c}$$

$$F(a, b, c) = a(b+c)(\bar{b}+\bar{c})$$

Exo 6

$$F(a, b, c) = \pi(0, 1, 2, 3, 4, 7)$$

$$F(a, b, c) = \overline{\overline{ab\bar{c}}} + \overline{\overline{a\bar{b}c}}$$

$$F(a, b, c) = \overline{\overline{ab\bar{c}}} \cdot \overline{\overline{a\bar{b}c}}$$

Exo 6

$$F(a, b, c) = \pi(0, 1, 2, 3, 4, 7)$$

$$F(a, b, c) = \overline{\overline{a} (b+c) (\bar{b}+\bar{c})}$$

$$F(a, b, c) = \bar{a} + \overline{(b+c)} + \overline{\overline{(\bar{b}+\bar{c})}}$$

Exo 6

$$G(a, b, c, d) = \sum(2, 6, 7, 10, 11, 12, 14)$$

ab	00	01	11	10
cd				
00	0	0	1	0
01	0	0	0	0
11	0	1	0	1
10	1	1	1	1

$$F(a, b, c, d) = c\bar{d} + \bar{a}bc + ab\bar{d} + a\bar{b}c$$

	A	B	C	D	F
<u>0</u>	0	0	0	0	0
<u>1</u>	0	0	0	1	0
<u>2</u>	0	0	1	0	1
<u>3</u>	0	0	1	1	0
<u>4</u>	0	1	0	0	0
<u>5</u>	0	1	0	1	0
<u>6</u>	0	1	1	0	1
<u>7</u>	0	1	1	1	1
<u>8</u>	1	0	0	0	0
<u>9</u>	1	0	0	1	0
<u>10</u>	1	0	1	0	1
<u>11</u>	1	0	1	1	1
<u>12</u>	1	1	0	0	1
<u>13</u>	1	1	0	1	0
<u>14</u>	1	1	1	0	1
<u>15</u>	1	1	1	1	0

Ex 6

$$G(a, b, c, d) = \sum(2, 6, 7, 10, 11, 12, 14)$$

ab	00	01	11	10
cd				
00	0	0	1	0
01	0	0	0	0
11	0	1	0	1
10	1	1	1	1

	A	B	C	D	F
<u>0</u>	0	0	0	0	0
<u>1</u>	0	0	0	1	0
<u>2</u>	0	0	1	0	1
<u>3</u>	0	0	1	1	0
<u>4</u>	0	1	0	0	0
<u>5</u>	0	1	0	1	0
<u>6</u>	0	1	1	0	1
<u>7</u>	0	1	1	1	1
<u>8</u>	1	0	0	0	0
<u>9</u>	1	0	0	1	0
<u>10</u>	1	0	1	0	1
<u>11</u>	1	0	1	1	1
<u>12</u>	1	1	0	0	1
<u>13</u>	1	1	0	1	0
<u>14</u>	1	1	1	0	1
<u>15</u>	1	1	1	1	0

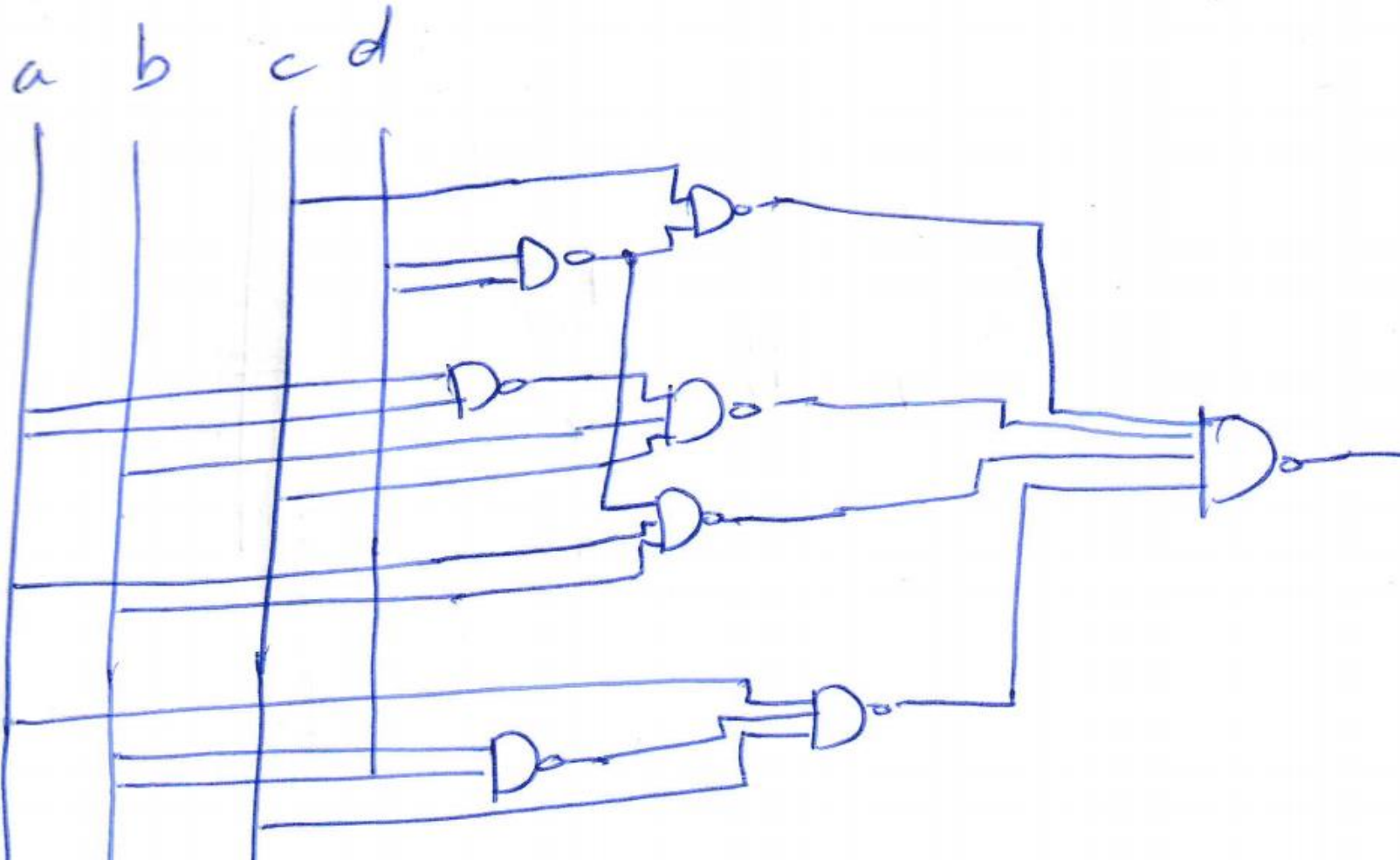
$$\overline{G(a,b,c,d)} = \overline{a}c + \overline{a}b\overline{d} + abd + \overline{b}c$$

$$G(a,b,c,d) = (a+c)(a+b+\overline{d})(\overline{a}+\overline{b}+\overline{d})(b+c)$$

Exo 6

$$G(a,b,c,d) = c\bar{d} + \bar{a}bc + ab\bar{d} + a\bar{b}c$$

$$G(a,b,c,d) = \overline{\overline{c\bar{d}} \cdot \overline{\bar{a}bc} \cdot \overline{ab\bar{d}} \cdot \overline{a\bar{b}c}}$$

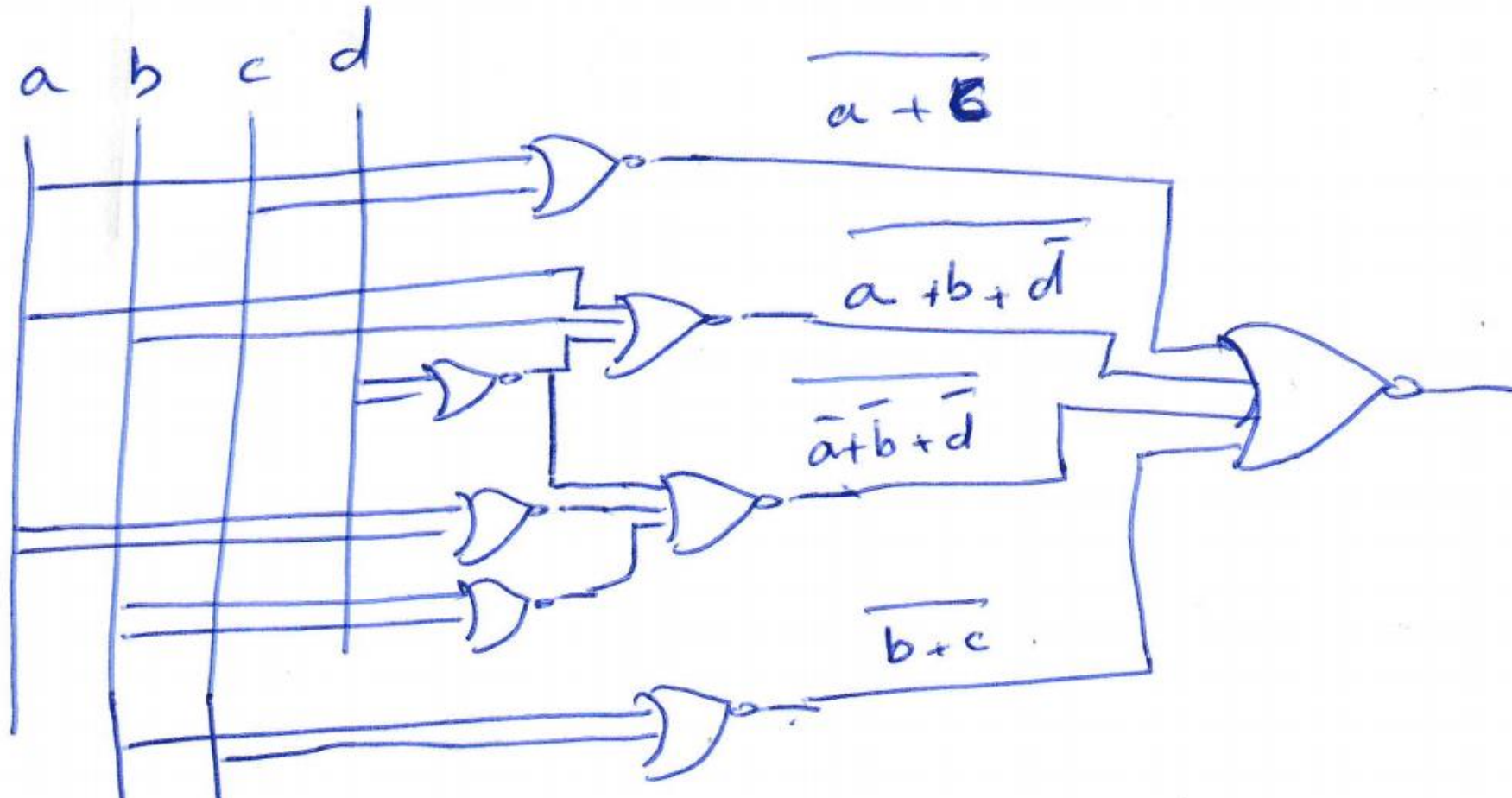


Exo 6

$$\overline{G(a,b,c,d)} = \overline{a}c + \overline{a}b\overline{d} + abd + \overline{b}c$$

$$G(a,b,c,d) = (a+c)(a+b+\overline{d})(\overline{a}+\overline{b}+\overline{d})(b+c)$$

$$G(a,b,c,d) = \overline{\overline{(a+c)} + \overline{(a+b+\overline{d})} + \overline{(\overline{a}+\overline{b}+\overline{d})} + \overline{(b+c)}}$$



EXO 7

$$F = \overline{\overline{(x + y + z)} + (\overline{x + y + \bar{z}}) + \bar{x} + y + z}$$

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

X	Y	Z	$x + y + z$	$\overline{x + y + z}$	$x + y + \bar{z}$	$\overline{x + y + \bar{z}}$	$\bar{x} + y + z$	$\overline{\bar{x} + y + z}$	F
0	0	0	0	1	1	0	1	0	0
0	0	1	1	0	0	1	1	0	0
0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
0	1	1	1	0	1	0	1	0	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1	0
1	0	1	1	0	1	0	1	0	1
1	1	0	1	0	1	0	1	0	1
1	1	1	1	0	1	0	1	0	1

EXO 7

$$F = \overline{\overline{(x + y + z)} + (\overline{x + y + \bar{z}}) + \bar{x} + y + z}$$

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

XY		00	01	11	10	$y + \bar{z}$	$\overline{x + y + \bar{z}}$	$\bar{x} + y + z$	$\overline{\bar{x} + y + z}$	F
Z	,									
0		0	1	1	0	1	0	1	0	0
1		0	1	1	1	0	1	1	0	0
0	1	1	1	0	1	1	0	1	0	1
1	0	0	1	0	1	1	0	0	1	0
1	0	1	1	0	1	1	0	1	0	1
1	1	0	1	0	1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	0	1	1	0	1	0	1

$$F(X, Y, Z) = y + xz$$

EXO 7

$$F = \overline{\overline{(x + y + z)} + (\overline{x + y + \bar{z}}) + \bar{x} + y + z)}$$

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

XY		00	01	11	10	$y + \bar{z}$	$\overline{x + y + \bar{z}}$	$\bar{x} + y + z$	$\overline{\bar{x} + y + z}$	F
Z	,									
0		0	1	1	0	1	0	1	0	0
1		0	1	1	1	0	1	0	1	1
0	1	1	1	0		1	0	1	0	1
1	0	0	1	0		1	1	0	1	0
1	0	1	1	0		0	1	0	1	1
1	1	0	1	0		1	0	1	0	1
1	1	1	1	0		1	0	1	0	1

$$F(X, Y, Z) = y + xz$$

$$F(X, Y, Z) = \overline{\overline{y} \overline{y}} \cdot \overline{\overline{x} \overline{z}}$$

Exo 7

Soit la fonction $F(A,B,C)$ définie comme suit:

- $F(A,B,C) = 1$ si $(ABC)_2$ comporte un nombre impair de 1;
- $F(A,B,C) = 0$ sinon.

Etablir la table de vérité de F .

<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>F</i>
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

EXO 7

Soit la fonction $F(A,B,C)$ définie comme suit:

- $F(A,B,C) = 1$ si $(ABC)_2$ comporte un nombre impair de 1;
- $F(A,B,C) = 0$ sinon.

Etablir la table de vérité de F .

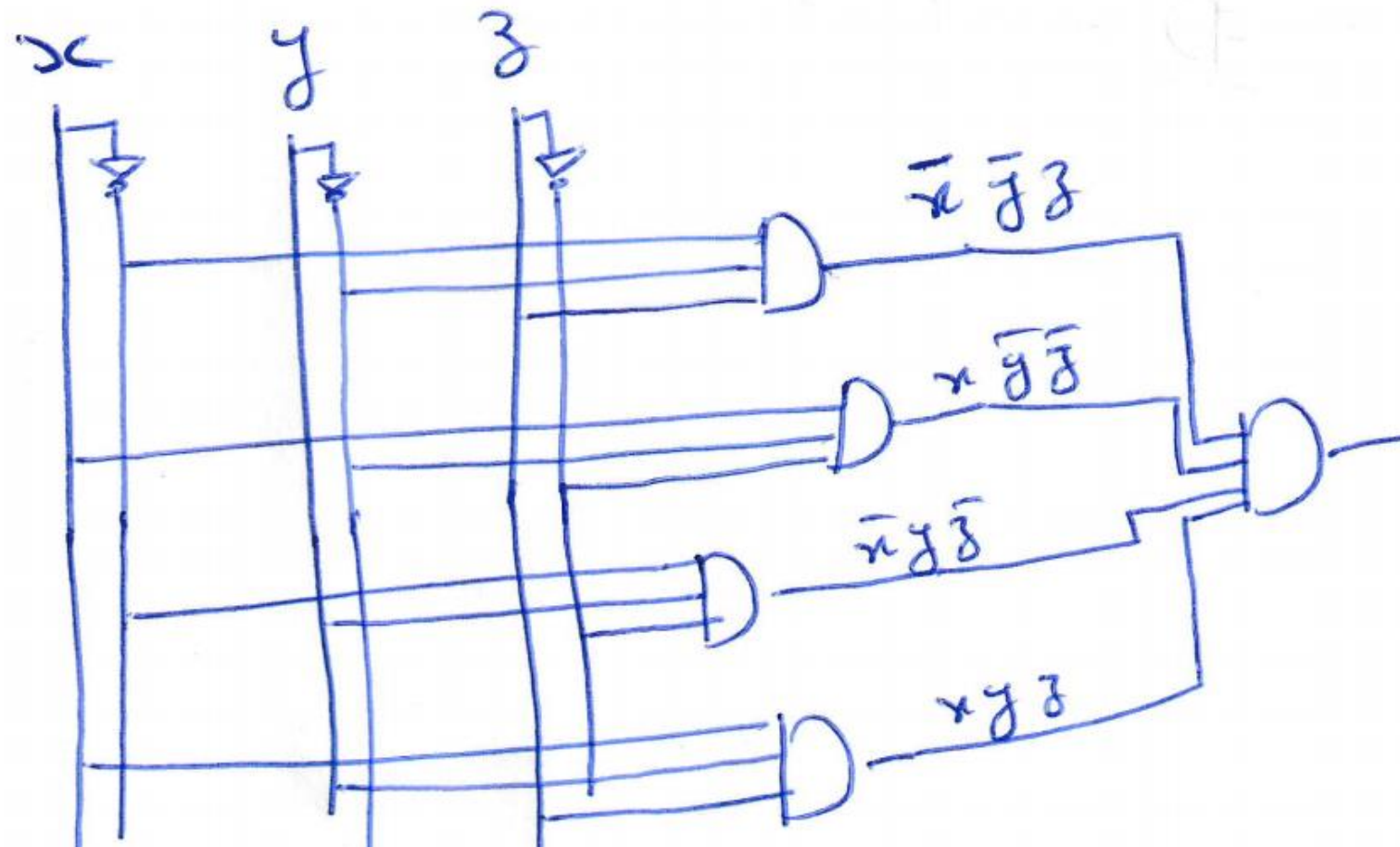
Z	XY	00	01	11	10
0		0	1	0	1
1		1	0	1	0

A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

$$F(X,Y,Z) = \bar{x} \bar{y} z + x \bar{y} \bar{z} + \bar{x} y \bar{z} + xyz$$

Exo 7

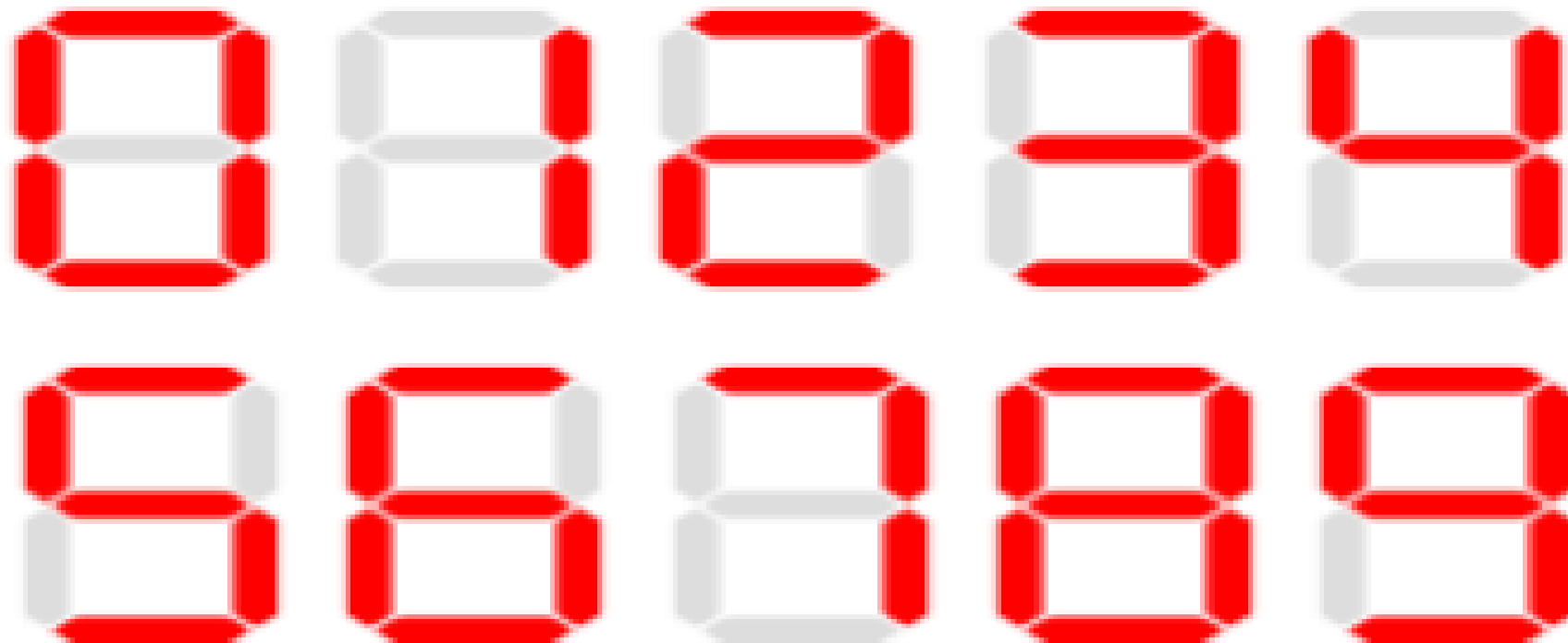
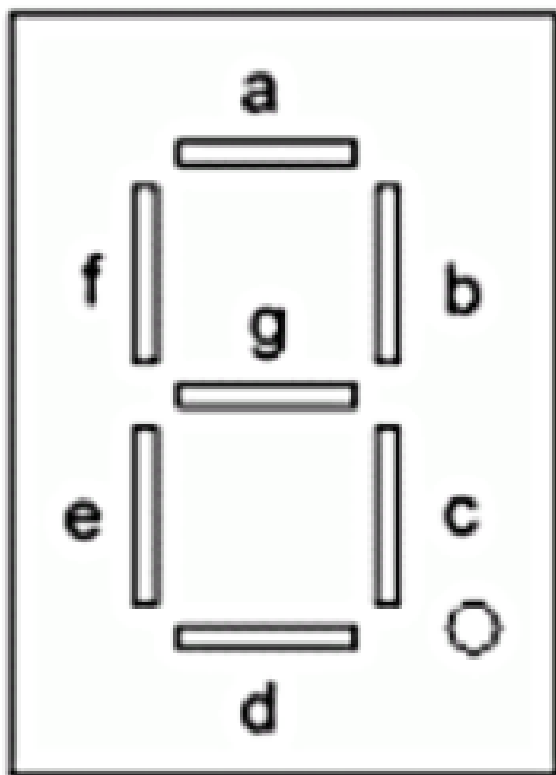
$$F(X,Y,Z) = \bar{x} \bar{y} z + x \bar{y} \bar{z} + \bar{x} y \bar{z} + x y z$$
$$= \underline{x \oplus y \oplus z}$$



SERIE N°3

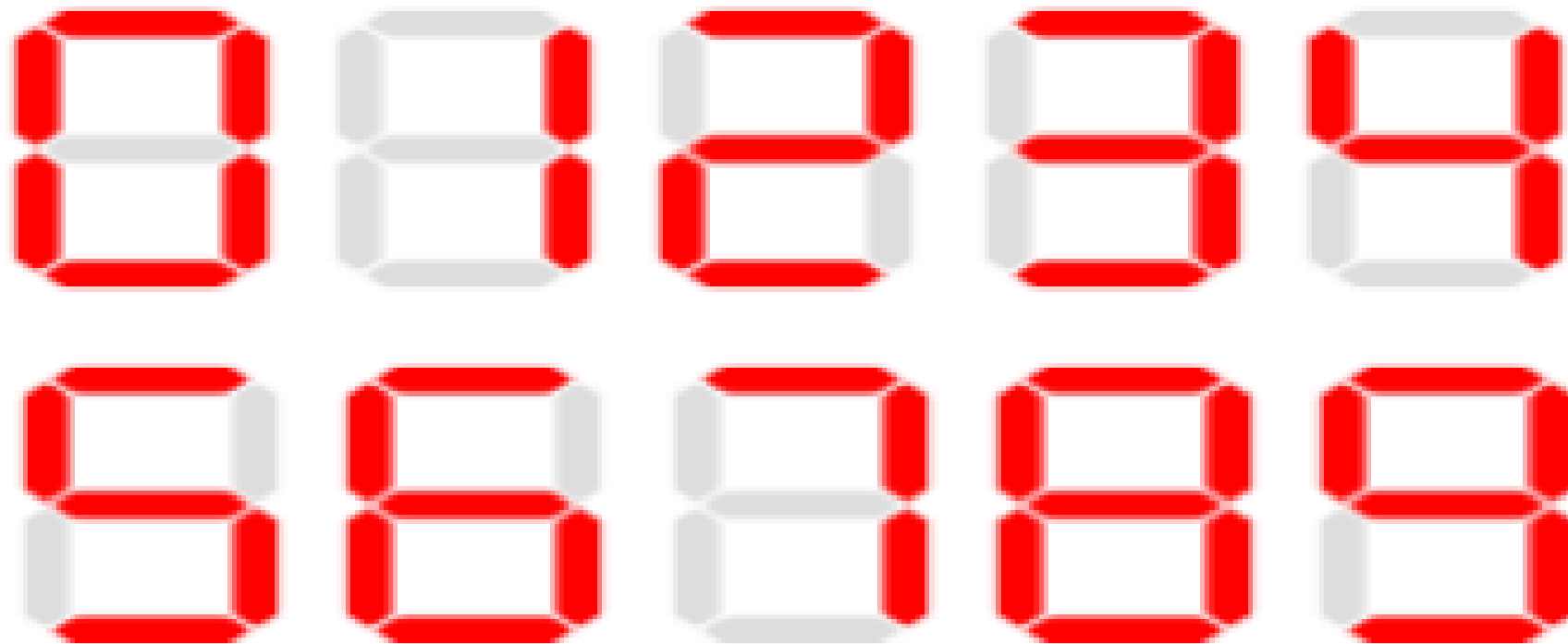
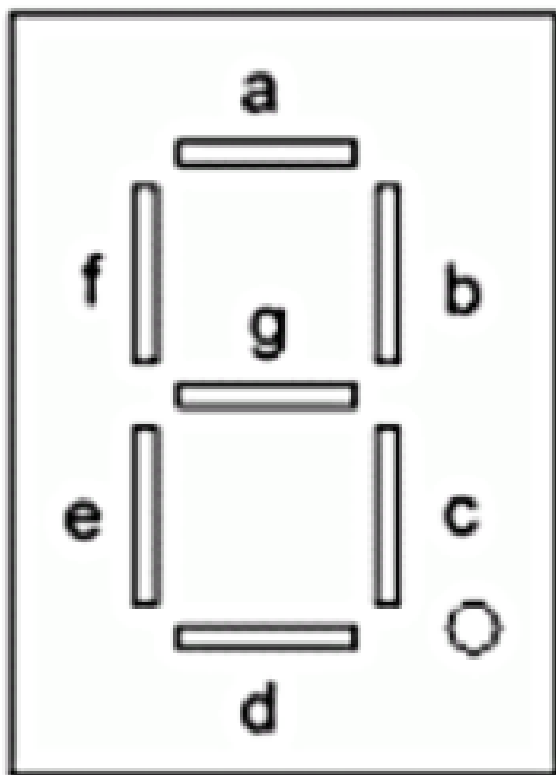
EXO 1

Un afficheur 7 segments fonctionne avec 7 lampes notées comme suit : une lampe est allumée quand elle est à '1'. Nous voulons réaliser un circuit logique à 4 entrées et 7 sorties, ce circuit permet d'afficher les chiffres décimaux du code BCD. A l'entrée est appliqué le code BCD d'un chiffre, à chaque segment on fait correspondre une fonction booléenne.



EXO 1

Un afficheur 7 segments fonctionne avec 7 lampes notées comme suit : une lampe est allumée quand elle est à '1'. Nous voulons réaliser un circuit logique à 4 entrées et 7 sorties, ce circuit permet d'afficher les chiffres décimaux du code BCD. A l'entrée est appliqué le code BCD d'un chiffre, à chaque segment on fait correspondre une fonction booléenne.



EXO 1

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

	x	y	z	t	a	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
2	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1
3	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
4	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
5	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1
7	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
8	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
9	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	1
X	1	0	1	0	X	x	x	x	x	x	X
X	1	0	1	1	X	X	x	x	x	x	x
X	1	1	0	0	X	x	x	X			
X	1	1	0	1	X	X	x	x	x	x	X
X	1	1	1	0	x	x	x	X	x	x	X
X	1	1	1	1	x	x	x	x	x	x	x

EXO 1

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

	x	y	z	t	a	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	1	1	1	0
2	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1	0
3	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	0
4	0	1	0	0	0	1	1	1	1	1	0
5	0	1	0	1	1	0	1	1	1	1	0
6	0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	0
7	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
9	1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
X	1	0	1	0	X	x	x	1	1	1	0
X	1	0	1	1	X	X	x	1	1	1	0
X	1	1	0	0	X	x	x	1	1	1	0
X	1	1	0	1	X			1	1	1	0
X	1	1	1	0	x			1	1	1	0
X	1	1	1	1				1	1	1	0

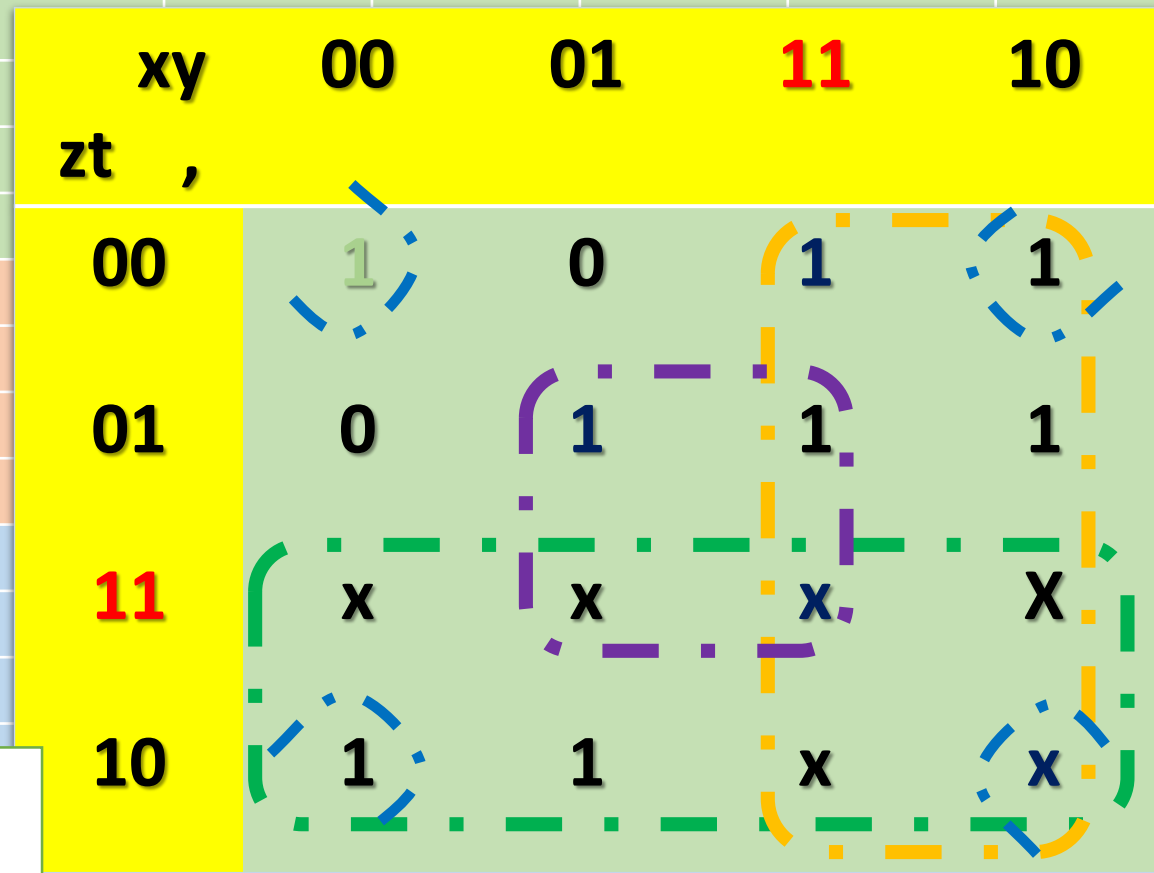
xy	00	01	11	10
zt				
00				
01				
11				
10				

EXO 1

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

	x	y	z	t	a	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	0							
1	0	0	0	1							
2	0	0	1	0							
3	0	0	1	1							
4	0	1	0	0							
5	0	1	0	1							
6	0	1	1	0							
7	0	1	1	1							
8	1	0	0	0							
9	1	0	0	1							
	1	0	1	0							



$$f(x,y,z,t) = x+z+\overline{y \oplus t}$$

$$a(x,y,z,t) = x+z+yt + \bar{y} \bar{t}$$

EXO 1

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

	x	y	z	t	a	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	0							
1	0	0	0	1							
2	0	0	1	0							
3	0	0	1	1							
4	0	1	0	0							
5	0	1	0	1							
6	0	1	1	0							
7	0	1	1	1							
8	1	0	0	0							
9	1	0	0	1							
	1	0	1	0							
	1	0	1	1							
	1	1	0	0							
	1	1	0	1							

xy	00	01	11	10
zt ,				
00	1	1	1	1
01	1	0	1	0
11	x	x	x	x
10	1	1	x	x

$$f(x,y,z,t) = \bar{y} + \overline{z \oplus t}$$

$$f(x,y,z,t) = \overline{xy} + xy + \bar{t}$$

EXO 1

Soit la fonction F composée de NOR uniquement :

Donnez la table de vérité, la première forme canonique ainsi que la fonction correspondante composée de NAND uniquement.

	x	y	z	t	a	b	
0	0	0	0	0			
1	0	0	0	1			
2	0	0	1	0			
3	0	0	1	1			
4	0	1	0	0			
5	0	1	0	1			
6	0	1	1	0			
7	0	1	1	1			
8	1	0	0	0			
9	1	0	0	1			
	1	0	1	0			
	1	0	1	1			
	1	1	0	0			
	1	1	0	1			
	1	1	1	0			
	1	1	1	1			

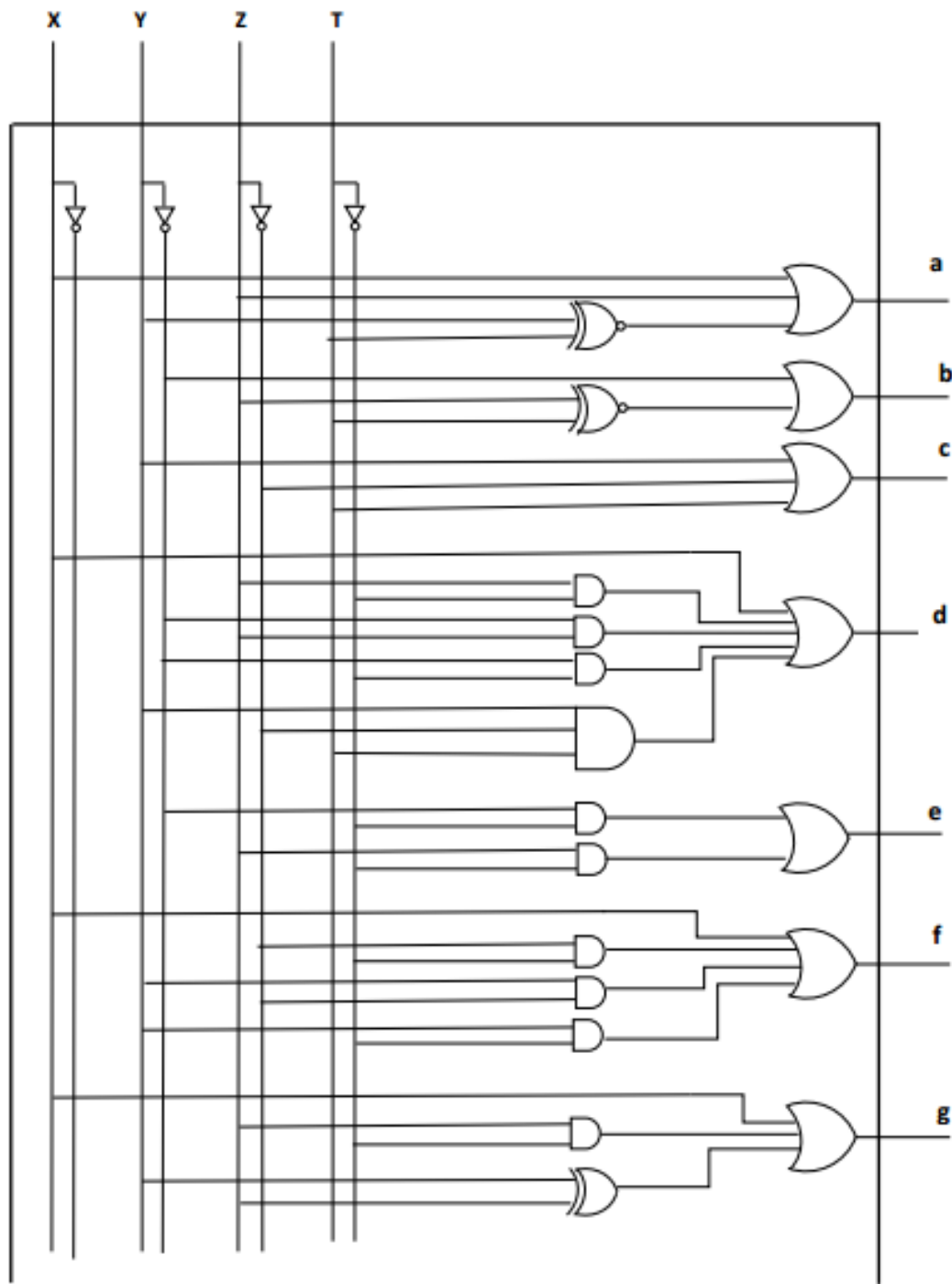
$$c(x y z t) = y + \bar{z} + t$$

$$d(x y z t) = x + z\bar{t} + \bar{y}z + \bar{y}\bar{t} + y\bar{z}t$$

$$e(x y z t) = z\bar{t} + \bar{y}\bar{t}$$

$$f(x y z t) = x + \bar{z}\bar{t} + y\bar{z} + y\bar{t}$$

$$g(x y z t) = x + z\bar{t} + y \oplus z$$



fonction correspondante composée de NAND uniquement.

c	$c(x y z t) = y + \bar{z} + t$
	$d(x y z t) = x + z\bar{t} + \bar{y}z + \bar{y}\bar{t} + y\bar{z}t$
	$e(x y z t) = z\bar{t} + \bar{y}\bar{t}$
	$f(x y z t) = x + \bar{z}\bar{t} + y\bar{z} + y\bar{t}$
	$g(x y z t) = x + z\bar{t} + y \oplus z$

Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

000	000
001	001
010	011
011	010
100	110
101	111
110	101
111	100

x	y	z	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	0	0

EXO 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

x	y	z	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	0	0

XY	00	01	11	10
Z ,				
0	0	0	1	1
1	0	0	1	1

$$a(x,y,z) = x$$

Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

x	y	z	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	0	0

XY	00	01	11	10
z	0	1	0	1
0	0	1	0	1
1	0	1	0	1

$$b(x,y,z) = \bar{x}y + x\bar{y} = x \text{ xor } y$$

Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

x	y	z	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	0	0

XY	00	01	11	10
Z ,				
0	0	1	1	0
1	1	0	0	1

$$c(x,y,z) = y/z + /yz = y \text{ xor } z$$

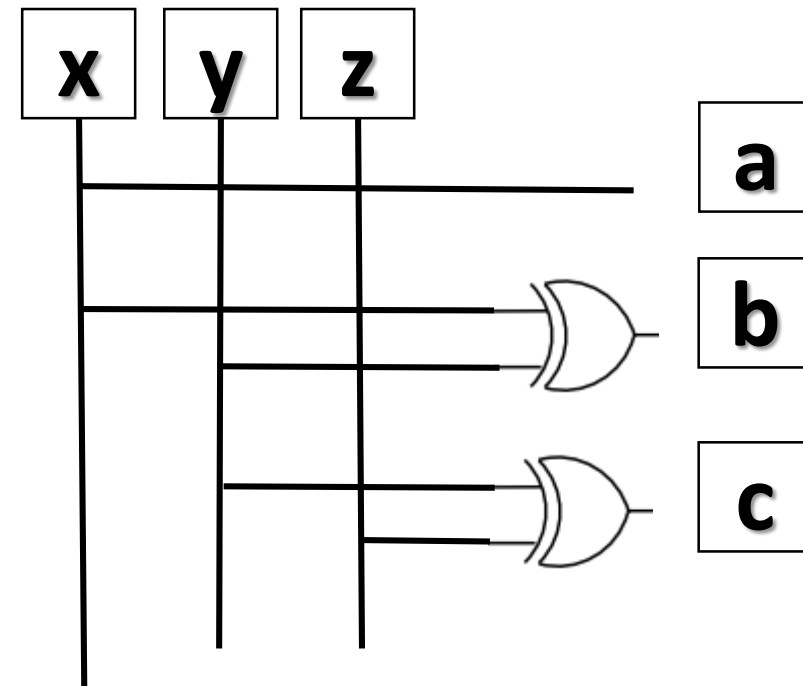
Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

$$a(x,y,z) = x$$

$$b(x,y,z) = x \oplus y$$

$$c(x,y,z) = y \oplus z$$



Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

000

001

011

010

110

111

101

100

000

001

010

011

100

101

110

111

x	y	z	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	1

Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

x	y	z	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	1

XY	00	01	11	10
Z ,				
0	0	0	1	1
1	0	0	1	1

$$a(x,y,z) = X$$

Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

y	z	t	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	1

XY	00	01	11	10
Z ,				
0	0	1	0	1
1	0	1	0	1

$$b(x,y,z) = \bar{x}y + y\bar{x} = x \text{ xor } y$$

Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

y	z	t	a	b	c
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	1

XY	00	01	11	10
Z	0	1	0	1
0	0	1	0	1
1	1	0	1	0

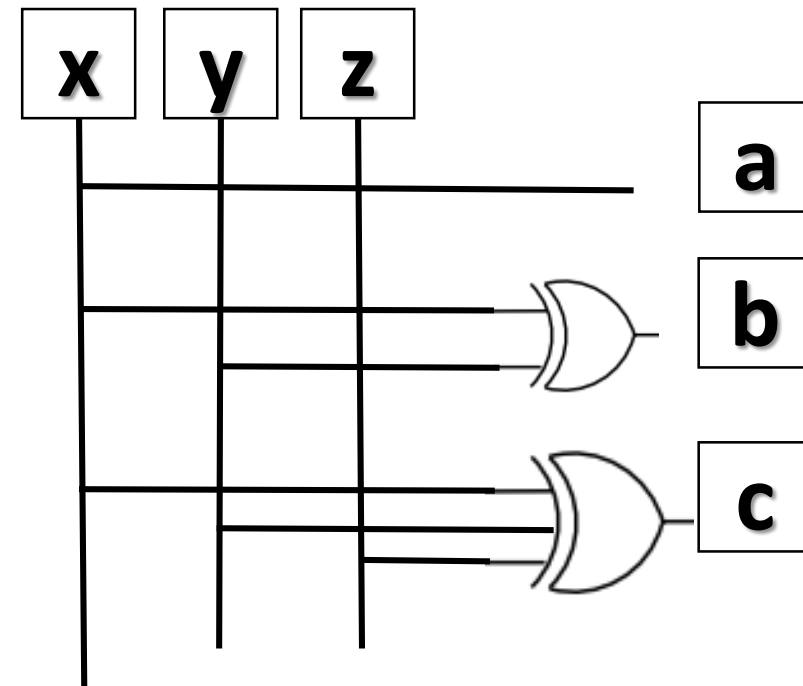
Exo 2

Réaliser les transcodeurs à 3 bits suivants : a) Binaire – Gray. b) Gray-binaire.

$$a(x,y,z) = x$$

$$b(x,y,z) = x \oplus y$$

$$c(x,y,z) = x \oplus y \oplus z$$



EXO 3

On souhaite réaliser un comparateur à deux bits. Il possède deux entrées sur deux bits A_1A_0 , B_1B_0 et trois sorties :

- $E=1$ si $A_1A_0 = B_1B_0$
- $I=1$ si $A_1A_0 < B_1B_0$
- $S=1$ si $A_1A_0 > B_1B_0$

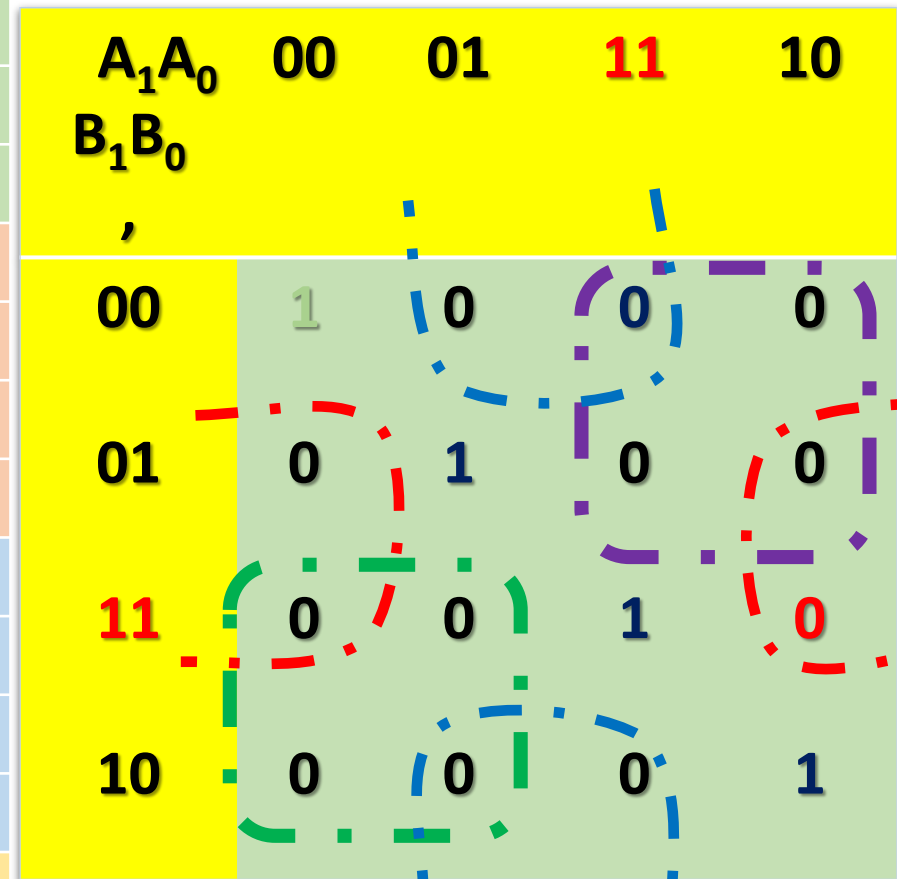
1. Donner la table de vérité du circuit.

EXO 3

A_1	A_0	B_1	B_0	E	I	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1
1	1	0	1	0	0	1
1	1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	0	0

Exo 3 E à l'aide de NOR

A ₁	A ₀	B ₁	B ₀	E	I	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1
1	1	0	1	0	0	1
1	1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	0	0



$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{A_1 B_1} + A_1 \overline{B_1} + A_0 \overline{B_0} + \overline{A_0 B_0}$$



Exo 3 E à l'aide de NOR

$$\overline{E}(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{A_1}B_1 + A_1\overline{B_1} + A_0\overline{B_0} + \overline{A_0}B_0$$

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = (A_1 + \overline{B_1}) (\overline{A_1} + B_1) (\overline{A_0} + B_0) (A_0 + \overline{B_0})$$

Réaliser la fonction **E** à l'aide de portes NOR.

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{\overline{(A_1 + \overline{B_1})} + \overline{(\overline{A_1} + B_1)} + \overline{(\overline{A_0} + B_0)} + \overline{(A_0 + \overline{B_0})}}$$

EXO 3

A ₁	A ₀	B ₁	B ₀	E	I	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1
1	1	0	1	0	0	1

ab	00	01	11	10
cd				
00	1	0	0	0
01	0	1	0	0
11	0	0	1	0
10	0	0	0	1

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{A_1} \overline{A_0} \overline{B_1} \overline{B_0} + \overline{A_1} A_0 \overline{B_1} B_0 + A_1 A_0 B_1 B_0 + A_1 \overline{A_0} B_1 \overline{B_0}$$

EXO 3

$$a \oplus b = \bar{a} \cdot b + a \cdot \bar{b}$$

$$\overline{a \oplus b} = \bar{a} \cdot \bar{b} + a \cdot b$$

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \bar{A}_1 \bar{A}_0 \bar{B}_1 \bar{B}_0 + \bar{A}_1 A_0 \bar{B}_1 B_0 + A_1 A_0 B_1 B_0 + A_1 \bar{A}_0 B_1 \bar{B}_0$$

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \bar{A}_1 \bar{B}_1 (\bar{A}_0 \bar{B}_0 + A_0 B_0) + A_1 B_1 (A_0 B_0 + \bar{A}_0 \bar{B}_0)$$

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \bar{A}_1 \bar{B}_1 (\overline{A_0 \oplus B_0}) + A_1 B_1 (\overline{A_0 \oplus B_0})$$

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = (\bar{A}_1 \bar{B}_1 + A_1 B_1) (\overline{A_0 \oplus B_0})$$

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = (\overline{A_1 \oplus B_1}) (\overline{A_0 \oplus B_0})$$

EXO 3

A_1	A_0	B_1	B_0	E	I	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1



$$I(A_1, A_0, B_1, B_0) = \bar{A}_1 B_1 + \bar{A}_1 \bar{A}_0 B_0 + \bar{A}_0 B_1 B_0$$

1	1	1	1	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---

Exo 3

$$I(A_1, A_0, B_1, B_0) = \bar{A}_1 B_1 + \bar{A}_1 \bar{A}_0 B_0 + \bar{A}_0 B_1 B_0$$

Réaliser la fonction **I** à l'aide de portes NAND

$$I(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{\overline{\bar{A}_1 B_1} \cdot \overline{\bar{A}_1 \bar{A}_0 B_0} \cdot \overline{\bar{A}_0 B_1 B_0}}$$

EXO 3

A ₁	A ₀	B ₁	B ₀	E	I	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1

A ₁ A ₀	00	01	11	10
B ₁ B ₀				
00	0	1	1	1
01	0	0	1	1
11	0	0	0	0
10	0	0	1	0

$$S(A_1, A_0, B_1, B_0) = A_1 \bar{B}_1 + A_0 \bar{B}_1 \bar{B}_0 + A_1 A_0 \bar{B}_0$$

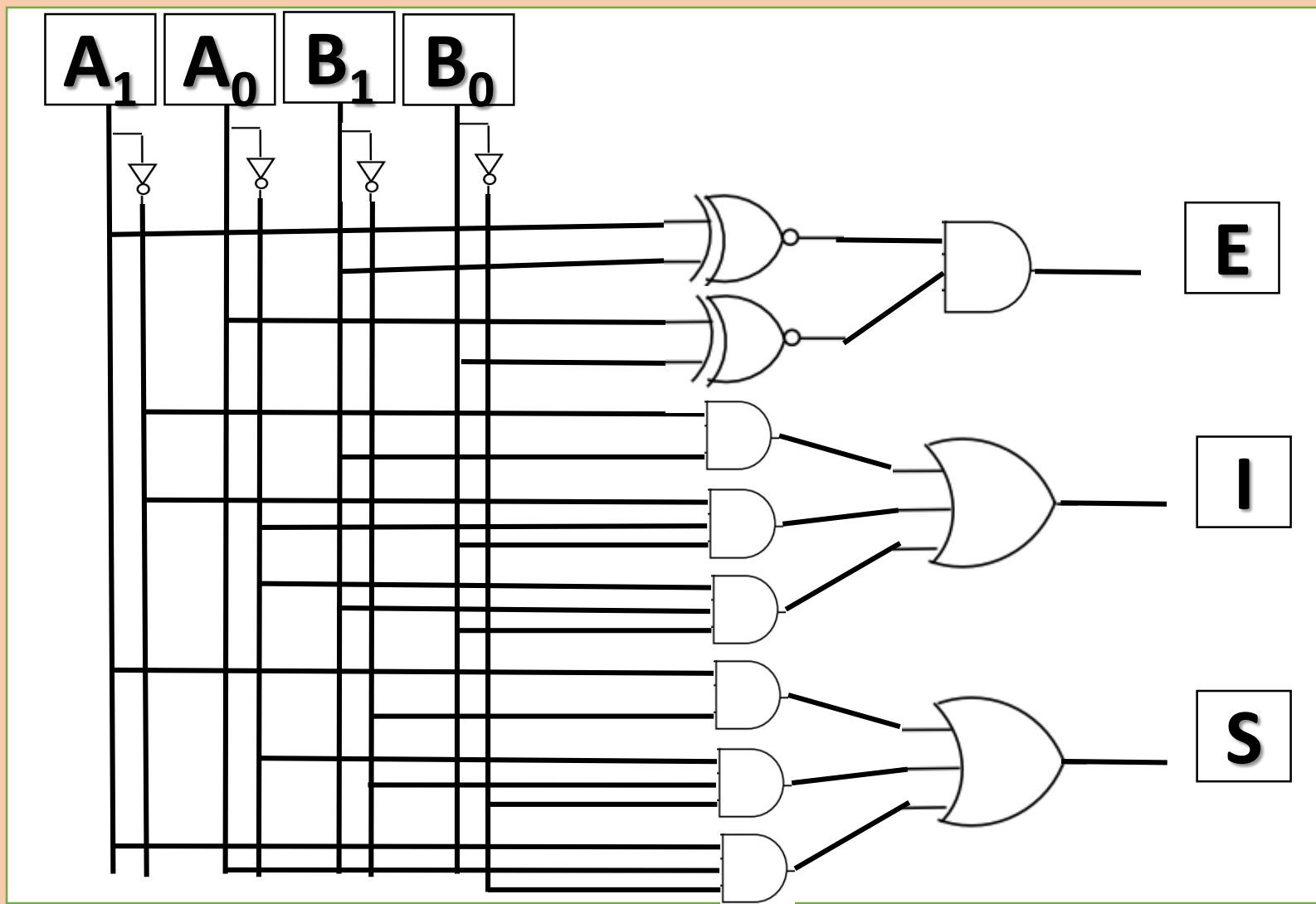
1	1	1	1	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---

EXO 3

$$E(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{(A_1 \oplus B_1)} \overline{(A_0 \oplus B_0)}$$

$$I(A_1, A_0, B_1, B_0) = \overline{A_1} B_1 + \overline{A_1} \overline{A_0} B_0 + \overline{A_0} B_1 B_0$$

$$S(A_1, A_0, B_1, B_0) = A_1 \overline{B_1} + A_0 \overline{B_1} \overline{B_0} + A_1 A_0 \overline{B_0}$$



EXO 3

A ₁	A ₀	B ₁	B ₀	E	I	S
0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	1	0	0
0	1	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1

A ₁ A ₀	00	01	11	10
B ₁ B ₀				
00	0	1	1	1
01	0	0	1	1
11	0	0	0	0
10	0	0	1	0

$$S(A_1, A_0, B_1, B_0) = A_1 \bar{B}_1 + A_0 \bar{B}_1 \bar{B}_0 + A_1 A_0 \bar{B}_0$$

1	1	1	1	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---

EXO 3

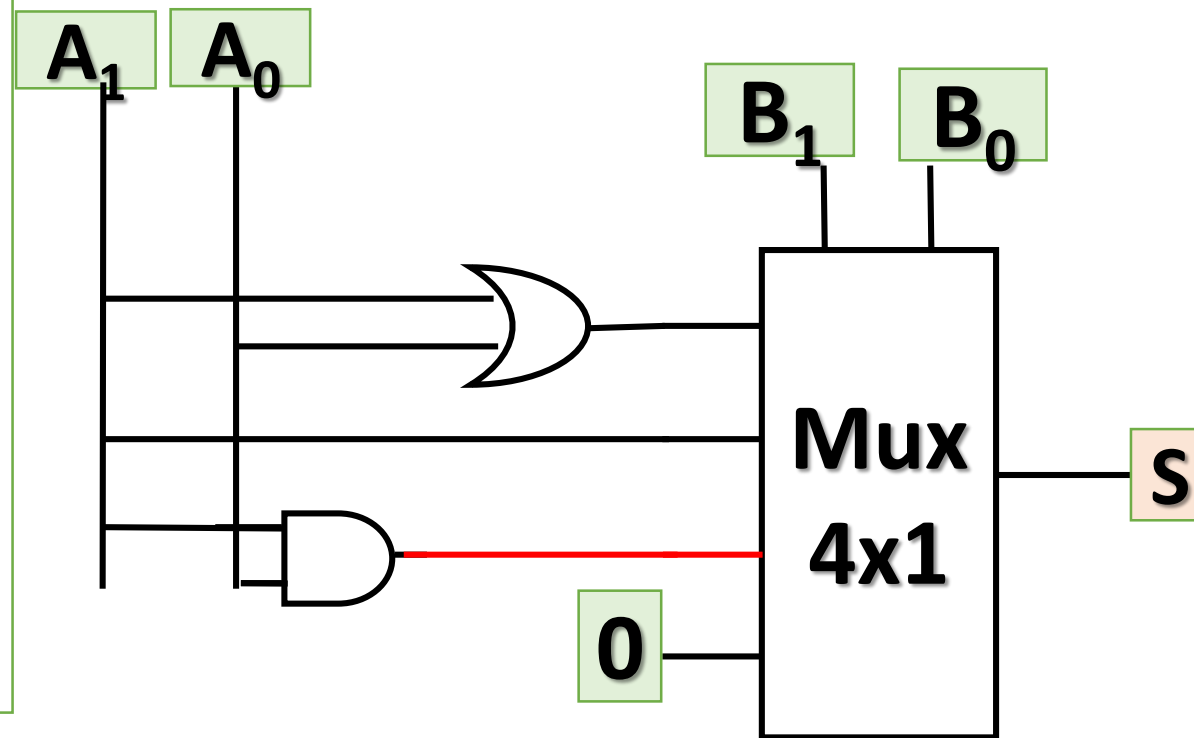
$$S(A_1, A_0, B_1, B_0) = A_1 \overline{B_1} + A_0 \overline{B_1} \overline{B_0} + A_1 A_0 \overline{B_0}$$

$$\begin{aligned} e0 = S(A_1, A_0, 0, 0) &= A_1 + A_0 + A_1 A_0 \\ &= A_1 + A_0 // a + ab = a + b \end{aligned}$$

$$e1 = S(A_1, A_0, 0, 1) = A_1$$

$$e2 = S(A_1, A_0, 1, 0) = A_1 A_0$$

$$e3 = S(A_1, A_0, 1, 1) = 0$$

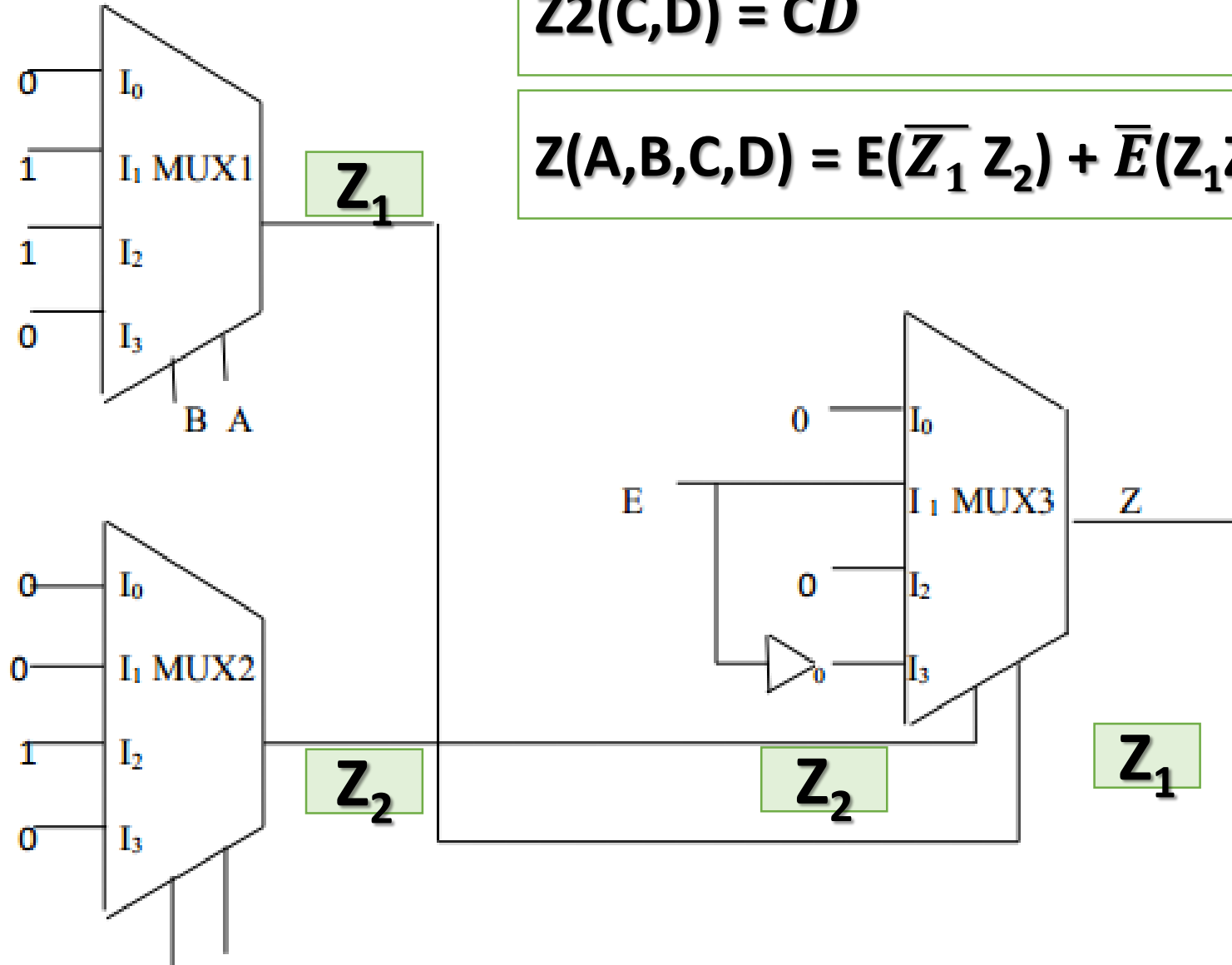


EXO 4

$$Z1(A,B) = \bar{A}B + A\bar{B} = A \text{ xor } B$$

$$Z2(C,D) = C\bar{D}$$

$$Z(A,B,C,D) = E(\bar{Z}_1 Z_2) + \bar{E}(Z_1 Z_2)$$



EXO 4

$$Z_1(A,B) = \bar{A}B + A\bar{B} = A \oplus B$$

$$Z_2(C,D) = C\bar{D}$$

$$Z(A,B,C,D) = E(\bar{Z}_1 Z_2) + \bar{E}(Z_1 Z_2)$$

$$Z(A,B,C,D) = E(\overline{(A \oplus B)C\bar{D}}) + \bar{E}((A \oplus B)C\bar{D})$$

$$Z(A,B,C,D) = E\overline{(A \oplus B)C\bar{D}} + \bar{E}(A \oplus B)C\bar{D}$$

$$Z(A,B,C,D) = C\bar{D}(E\overline{(A \oplus B)} + \bar{E}(A \oplus B))$$

$$Z(A,B,C,D) = C\bar{D}(E \oplus A \oplus B)$$

EXO 4

$$Z(A,B,C,D,E) = C\bar{D}(E \oplus A \oplus B)$$

$$e_0 = Z(A,B,0,0,0) = 0$$

$$e_1 = Z(A,B,0,0,1) = 0$$

$$e_2 = Z(A,B,0,1,0) = 0$$

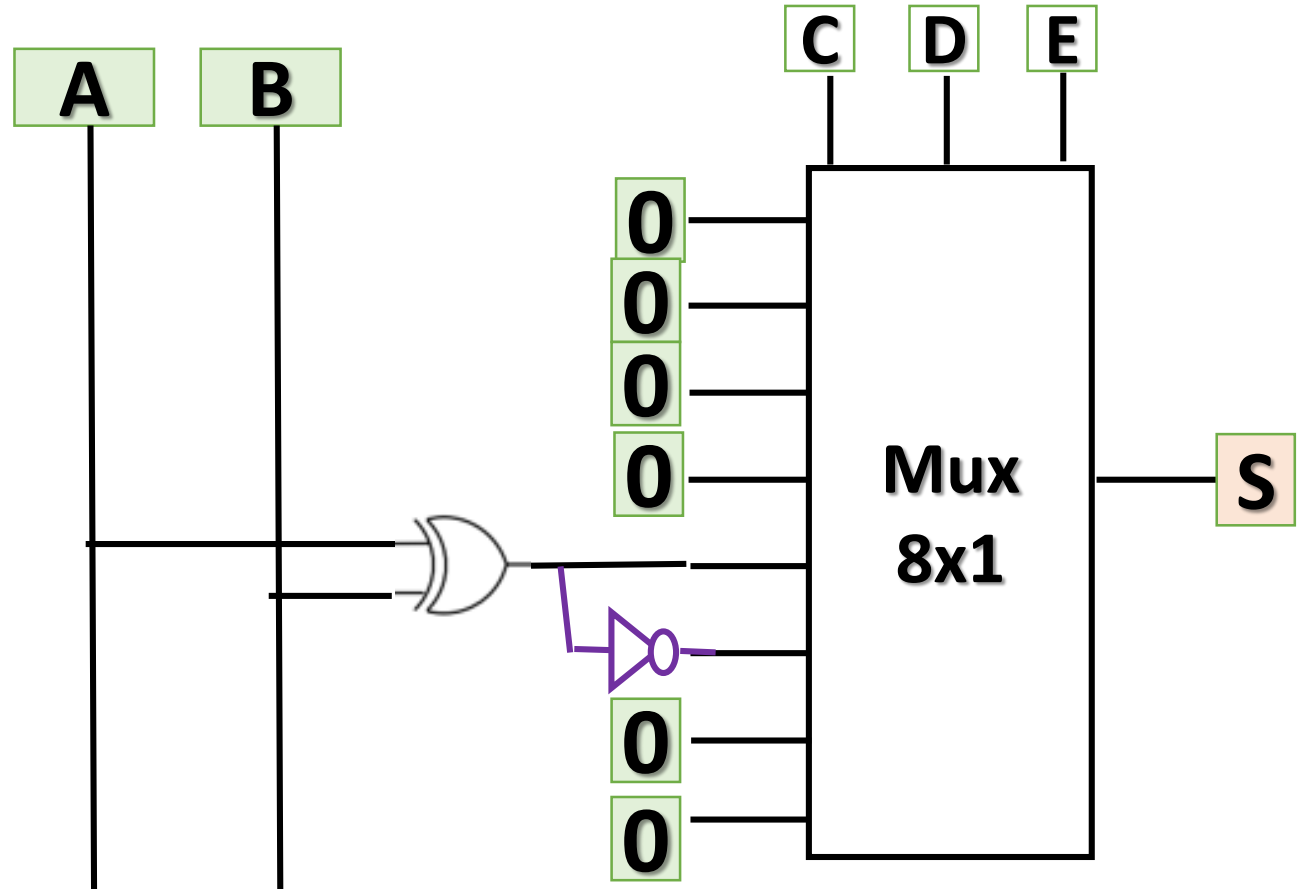
$$e_3 = Z(A,B,0,1,1) = 0$$

$$e_4 = Z(A,B,1,0,0) = A \oplus B$$

$$e_5 = Z(A,B,1,0,1) = \overline{A \oplus B}$$

$$e_6 = Z(A,B,1,1,0) = 0$$

$$e_7 = Z(A,B,1,1,1) = 0$$



Exo 5

A	B	C	D	X	Y	Z
0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	0	0	1
0	0	1	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	0	0	1
0	1	1	0	0	0	1
0	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	1	0
1	0	0	1	0	1	0
1	0	1	0	0	1	0
1	0	1	1	1	0	0
1	1	0	0	0	1	0
1	1	0	1	1	0	0
1	1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	1	0	0

Exo 5

A	B	C	D	X	Y	Z
0	0	0	0			1
0	0	0	1			1
0	0	1	0			1
0	0	1	1			1
0	1	0	0			1
0	1	0	1			1
0	1	1	0			1
0	1	1	1		1	
1	0	0	0		1	
1	0	0	1		1	
1	0	1	0		1	
1	0	1	1	1		
1	1	0	0		1	

AB CD ,	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	1	0
11	0	0	1	1
10	0	0	1	0

$$X(A,B,C,D) = ABD + ABC + ACD$$

1	1	1	1	1		
---	---	---	---	---	--	--

Exo 5

A	B	C	D	X	Y	Z
0	0	0	0			1
0	0	0	1			1
0	0	1	0			1
0	0	1	1			1
0	1	0	0			1
0	1	0	1			1
0	1	1	0			1
0	1	1	1		1	
1	0	0	0		1	
1	0	0	1		1	
1	0	1	0		1	
1	0	1	1	1		
1	1	0	0		1	

AB CD ,	00	01	11	10
00	0	0	1	1
01	0	0	0	1
11	0	1	0	0
10	0	0	0	1

$$Y(A,B,C,D) = A\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}\bar{D} + \bar{A}BCD$$

1	1	1	1	1		
---	---	---	---	---	--	--

Exo 5

A	B	C	D	X	Y	Z
0	0	0	0			1
0	0	0	1			1
0	0	1	0			1
0	0	1	1			1
0	1	0	0			1
0	1	0	1			1
0	1	1	0			1
0	1	1	1		1	
1	0	0	0		1	
1	0	0	1		1	
1	0	1	0		1	

AB CD ,	00	01	11	10
00	1	1	0	0
01	1	1	0	0
11	1	0	0	0
10	1	1	0	0

$$Z(A,B,C,D) = A + BCD$$

$$Z(A,B,C,D) = \bar{A} (\bar{B} + \bar{C} + \bar{D})$$

Exo 5

$$Y(A,B,C,D) = ABC\bar{D} + A\bar{B}\bar{C}D + A\bar{B}\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}BCD$$

C D

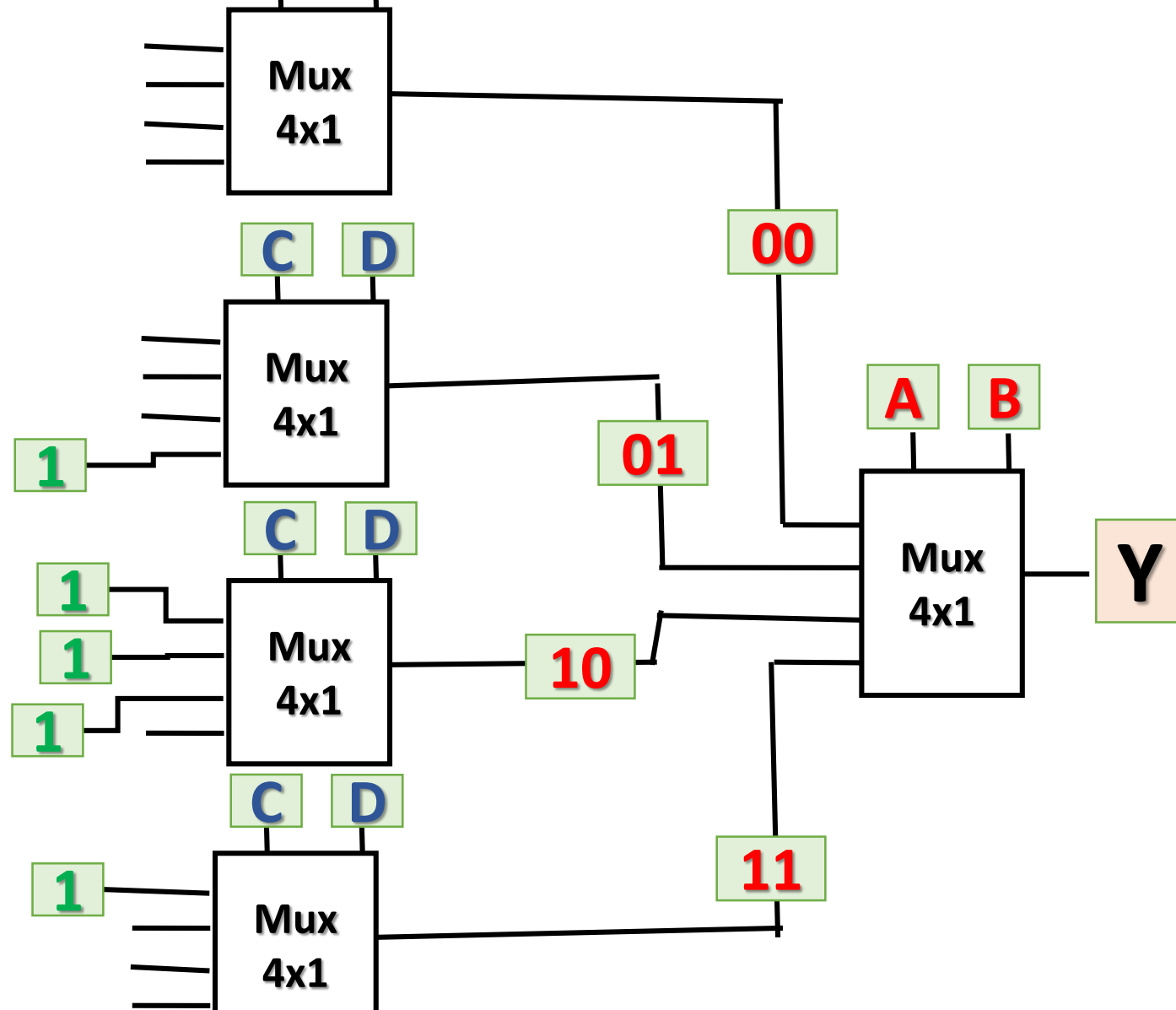
1100

1001

1000

1010

0111

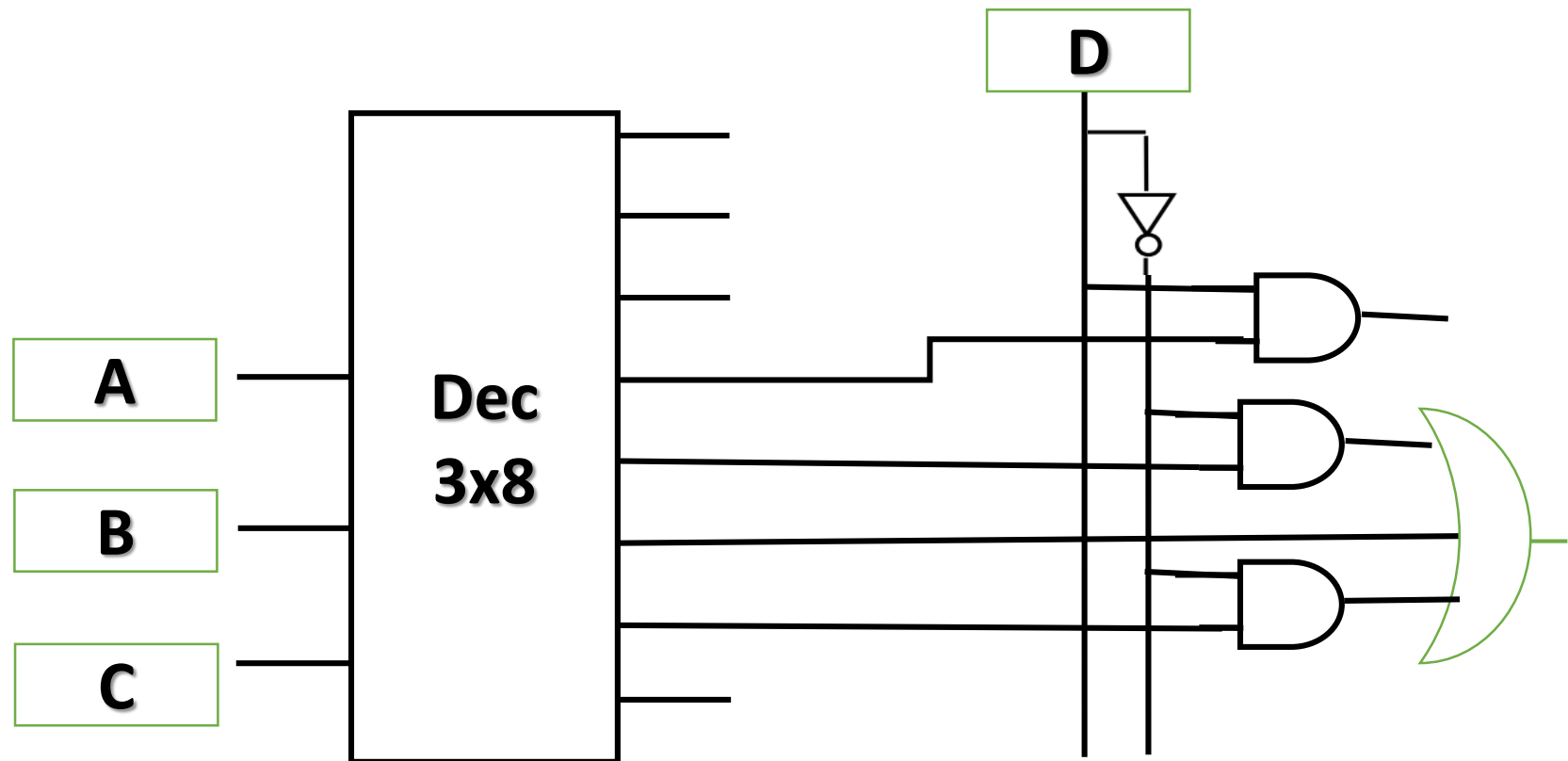


Exo 5

$$Y(A,B,C,D) = A\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}\bar{D} + \bar{A}BCD$$

$$Y(A,B,C,D) = A\bar{C}\bar{D}B + A\bar{C}\bar{D}\bar{B} + A\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}\bar{D}C + A\bar{B}\bar{D}\bar{C} + \bar{A}BCD$$

$$Y(A,B,C,D) = AB\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}BCD$$



Exo 5

$$Y(A,B,C,D) = ABC\bar{D} + A\bar{B}\bar{C}D + A\bar{B}\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}BCD$$

C D

1100

1001

1000

1010

0111

